文章编号: 0253-374X(2011)05-0637-06

DOI:10.3969/j.issn.0253-374x.2011.05.003

以动力稳定为目标的空间结构等效静力风荷载

黄友钦^{1,2},顾明¹,周晅毅¹

(1. 同济大学 土木工程防灾国家重点实验室,上海 200092; 2. 广州大学 - 淡江大学工程结构灾害与控制联合研究中心,广东 广州 510006)

摘要:采用基于位移或内力响应等效的等效静力风荷载进行 大跨空间结构的稳定分析并不十分合理.以动力稳定为目标 的等效静力风荷载将使大跨空间结构的设计能够满足稳定 性设计的要求.提出大跨空间结构以动力稳定为目标的等效 静力风荷载的概念和初步方法,并应用于单层柱面网壳的稳 定性分析.通过风洞试验获得柱面网壳表面的非定常气动 力,利用 Budiansky-Roth 准则分析该网壳的动力稳定性,得 到以动力稳定为目标的等效静力风荷载.通过对比以动力稳 定为目标和基于位移等效的等效静力风荷载下的稳定性分 析结果,表明大跨空间结构进行稳定性分析时有必要采用以 动力稳定为目标的等效静力风荷载来考虑风荷载作用.

关键词:空间结构;以动力稳定为目标;等效静力风荷载;风洞试验;Budiansky-Roth准则
 中图分类号:TU 391
 文献标识码:A

Dynamic-instability-based Equivalent Static Wind Loads on Spatial Structures

HUANG Youqin^{1,2}, GU Ming¹, ZHOU Xuanyi¹

(1. State Key Laboratory for Disaster Reduction in Civil Engineering, Tongji University, Shanghai 200092, China; 2. Guangzhou University-Tamkang University Joint Research Center for Engineering Structure Disaster Prevention and Control, Guangzhou University, Guangzhou 510006, China)

Abstract: The paper presents the concept of dynamicinstability-based equivalent static wind loads and the elementary method to obtain them and then the method is applied to studying the stability of a single-layer reticulated cylindrical shell. The unsteady aerodynamic forces on the shell are obtained from the wind tunnel test, the dynamic instability of the shell are investigated by the Budiansky-Roth criterion, and then the dynamic-instability-based equivalent static wind loads on the shell are gained. Comparison of stability of the shell under two kinds of equivalent static wind loads, the dynamic-instability-based and the displacement-based, shows that it's necessary to adopt the dynamic-instability-based equivalent static wind loads to consider the wind actions in the stability analysis of large-span spatial structures.

Key words: spatial structures; dynamic-instability-based; equivalent static wind loads; wind tunnel test; Budiansky-Roth criterion

设计大跨空间结构时,一般需要进行稳定性分析.风荷载是结构分析考虑的一种重要荷载,一般通 过风洞试验和理论分析得到的等效静力风荷载来考 虑其作用^[1].但是,该等效静力风荷载基于位移或内 力响应等效得到^[2],因此用该等效静力风荷载进行 响应分析得到的结果比较可靠,而通过此等效静力 风荷载进行稳定性分析来得到失稳临界荷载并不科 学.如果可以进一步得到以动力稳定为目标的等效 静力风荷载并用于稳定性分析,将使大跨空间结构 的设计满足稳定性设计的要求.

本文提出以动力稳定为目标的等效静力风荷载 的概念并用于单层柱面网壳的稳定性设计.将动力 稳定性研究中用于判定非保守系统动力稳定状态的 Budiansky-Roth 准则^[3](简称为 B-R 准则)应用于 判定大跨空间结构在非定常风荷载下的动力稳定 性.通过对已有文献中经典算例的分析来验证本文 用于非线性动力响应分析的计算程序.动力响应分 析中的非定常气动力通过刚体模型风洞试验获得. 通过进行以动力稳定为目标和基于位移等效的两种 等效静力风荷载下的静力稳定性分析,来表明大跨 空间结构稳定性分析中采用以动力稳定为目标的等 效静力风荷载的必要性.

- 第一作者:黄友钦(1982一),男,助理研究员,工学博士,主要研究方向为结构的动力稳定性.E-mail;yqhuang.dennis@gmail.com
- 通讯作者: 顾 明(1957—),男,教授,博士生导师,工学博士,主要研究方向为结构抗风. E-mail:minggu@tongji.edu.cn

收稿日期:2010-01-20

基金项目:"十一五"国家科技支撑计划(2006BAJ06B05);科技部国家重点实验室基础研究(SLDRCE08-A-03)

1 理论方法

1.1 B-R 准则

Budiansky 和 Roth 于 1962 年在文献[3]中提出 用于判定结构系统动力稳定性的 B-R 准则,即对结 构进行非线性动力响应分析,把荷载微小变化导致 结构位移响应突然增加时的荷载定义为动力失稳临 界荷载.该准则不仅适用于保守系统,也适用于非保 守系统,并且简明直观,得到了该领域学者的广泛 认可^[4-5].

将作用于结构系统的动力荷载表示为

 $F(x,t) = fF_0(x,t), t \ge 0$ (1) 式中: $F_0(x,t)$ 为作用于结构上的初始动力荷载,为 位置矢量 x 和时间 t 的函数;标量参数 f 称为荷载 增大系数.这里,将结构系统发生动力失稳时对应的 临界荷载增大系数称为荷载增大系数临界值 f_d .

用 R(f,t)表示结构在动力荷载 F(x,t)下的某 一响应量(比如应力、变形等),并进一步定义

$$\boldsymbol{R}_{\max}(f,T) = \max_{0 \leqslant t \leqslant T} [\boldsymbol{R}(f,t)]$$
(2)

其中,T为t的最大值.

图 1a 是典型的 **R**_{max}(*f*, *T*)随 *f* 的变化曲线. 在 纵坐标 *f* 上有一狭窄区域,在此区域内 **R**_{max}突然增 大,将该范围中部的 *f* 值定义为表征动力失稳的荷 载增大系数临界值 *f*_d.

 $R_{max}(f, T)$ 随 f 的变化还可能存在其他两种情况:①当 T 很大时, $R_{max}(f,\infty)$ 可能为 f 的不连续函数(图 1b),此时 f_d 与 T 无关(这种不连续函数在 T 为有限值时一般不可能出现);②对于一些理想结构, $R_{max}(f,\infty)$ 在 $f > f_d$ 时可能为无穷大(图 1c).这两种情况定义的 f_d 虽然具有一定的数学意义,但 $R_{max}(f,\infty)$ 成为 f 的不连续函数的条件一般很难满足.



Fig.1 Estimation of the critical dynamic instability parameter f_d

实际工程结构发生动力失稳时 **R**_{max}与 *f* 的关系 一般如图 1a 所示.应用 B-R 准则来判定风荷载下单 层网壳结构的动力稳定性时,可按照图 1a 的方法取 **R**_{max}突然增加的狭窄区域的中部作为荷载增大系数 临界值 *f*_d.工程应用中为保守取值,将按图 1a 得到 的数值除以安全系数 1.2 作为最终的 *f*_d 值.

1.2 以动力稳定为目标的等效静力风荷载方法

在等效静力风荷载的研究中, Davenport 于 1967 年提出的阵风荷载因子法^[6-7]简单可行,在大 跨空间结构中得到了广泛应用.本文参考阵风荷载 因子法的概念来获得以动力稳定为目标的等效静力 风荷载.以动力稳定因子 φ_d 来表征动力作用对动力 稳定性分析的影响.作用在结构上以动力稳定为目 标的等效静力风荷载可表示为

$$\hat{\boldsymbol{p}} = \varphi_{\rm d} \, \overline{\boldsymbol{p}} \tag{3}$$

式中, \bar{p} 为作用于结构的平均风荷载.动力稳定因子 φ_a 由下式确定:

$$\varphi_{\rm d} = f_{\rm s}/f_{\rm d} \tag{4}$$

式中, f_s和 f_d分别表示静力稳定性和动力稳定性分析得到的荷载增大系数失稳临界值.

2 动力稳定性分析及验证

根据风洞试验得到的结构表面风压数据构造非 定常气动力,然后利用 B-R 准则进行风荷载下单层 柱面网壳的动力稳定性分析.通过荷载增大系数 *f* 来增加非定常气动力,同时考虑几何和材料非线性, 对单层网壳结构在非定常气动力和重力作用下进行 非线性动力分析,得到不同风向角下最大位移响应 随荷载增大系数 *f* 的变化曲线,再根据 B-R 准则确 定工程上适用的荷载增大系数临界值 *f*_a.

结构的非线性振动平衡方程可写为

 $M\ddot{U} + C\dot{U} + KU = F_d + F_w(t) = P_t$ (5) 式中:M为质量矩阵;C为阻尼矩阵;K为非线性刚 度矩阵;U, \dot{U}, \dot{U} 分别为位移、速度、加速度矢量; F_d 为恒载矢量,即结构自重; F_w 动力荷载矢量,这里指 风荷载矢量; P_t 为总外荷载矢量.

采用瑞利阻尼模型来考虑结构的阻尼^[8]. 假设 结构质量在振动过程中保持不变,则单元的增量平 衡方程可写成

 $(K_{l} + K_{nl})U = P_{t+\Delta t} - M \ddot{U}_{t+\Delta t} - C \dot{U}_{t+\Delta t}$ (6) 式中: K_{l} 为线性应变增量刚度矩阵; K_{nl} 为非线性应 变增量刚度矩阵.

采用 Newmark 时间积分法和 Newton-Raphson 迭代方法求解非线性动力平衡方程^[9],得到结构的

位移响应时程.非线性动力分析的步骤如图2所示.



图 2 非线性动力分析的计算步骤 Fig.2 Steps for nonlinear dynamic analysis

利用本文计算程序分析文献[3]的算例,来验证 本文计算程序的正确性.文献[3]基于非线性理论, 通过伽辽金方法求解一浅球壳(图 3)在阶跃压力荷 载(图 4)下的位移响应,并根据 B-R 准则得到该球 壳的动力失稳临界荷载为 $p_{\rm cr} = 0.52$.以量纲一参数 来表示计算参数(表 1),分别取量纲一的荷载持续时 间和结构几何尺寸参数为 $\tau = 5$ 和 $\lambda = 5$.浅球壳的 竖向位移用 Δ 来表示: $\Delta = w_{\rm ave}/z_{0\,{\rm ave}}$,即为结构的 平均竖向位移与结构的平均初始高度的比值.

表 1 文献[3]中用到的量纲一参数 Tab.1 Dimensionless parameters in Ref [3]

几何参数	压力参数	时间参数
$\lambda = 2 [3(1 - \nu^2)]^{1/4} \left(\frac{H}{h}\right)^{1/2}$	$p = \frac{q}{q_0}, q_0 = \frac{2E}{[3(1-\nu^2)]^{1/2}} \left(\frac{h}{R}\right)^2$	au = ct/R, $c = \sqrt{E/ ho}$

注: E 为弹性模量; v 为泊松比; P 为材料密度; q 为作用于结构 上的阶跃压力荷载; t 为荷载作用时间;参考压力 q0 是完整球壳基于 经典小变形理论的屈曲压力; H, h 和 R 分别为结构几何尺寸,参见 本文图 3.







图 4 输入计算的阶跃荷载 Fig.4 Rectangular pressure history

将本文计算程序得到的结构竖向位移最大值 Δ_{max} 随压力参数 p 的变化曲线与文献[3]的结果进 行对比(图 5).可以看出:两条曲线的趋势基本一致, 并且在发生动力失稳前(p < 0.52)两者的结果十分 接近;本文程序得到的动力失稳临界荷载为 $p_{\alpha} =$ 0.55,与文献[3]的结果 $p_{\alpha} = 0.52$ 仅相差 5%.因 此,采用本文计算程序进行动力稳定性分析是可 靠的.



图 5 结构竖向位移最大值随荷载的变化曲线 Fig.5 Variation of Δ_{max} with p

3 应用

3.1 模型风洞试验及非定常气动力构造

用于分析的单层网壳结构为一单层柱面网壳. 该柱面网壳为纵向边缘落地支承,弧向跨度为25m, 纵向跨度为35m,高度为9.7m.采用单向斜杆正交 正放网格,网格尺寸为2.0~3.0m,相邻杆件间的夹 角大于30°(图6).杆件为无缝钢管,钢管外径为 0.219m,壁厚为0.006m,杆件长细比小于150,杆 件用钢量为33kg·m⁻².在永久荷载和可变荷载作 用下最大位移为0.05m,小于弧向跨度的1/400(= 0.063m),满足规范要求^[10-12].



图 6 用于分析的单层柱面网壳 Fig.6 Reticulated cylindrical shell

通过刚体模型测压风洞试验获取柱面网壳表面 的风压时程.这里初步假设空间结构的振动不影响 结构表面的风压.该试验在同济大学土木工程防灾 国家重点实验室 TJ-2 风洞中完成. 刚体模型(图 7) 与实物在外形上保持几何相似,几何缩尺比为1: 37.5,模型表面布置足够的测压孔,以测量结构表面 的风压.风洞中模拟了该结构所处的 B 类风场^[13]. 该结构位于强台风区,50年重现期的基本风压为 0.80 kPa,基本风速为 35.8 m · s⁻¹. 测压试验的参 考点风速为12 m • s⁻¹. 测压信号采样频率约为 312.5 Hz,每个测点采样样本总长度为 18 000 个 数据.



图 7 风洞试验中的柱面网壳刚体模型 Fig.7 Rigid model of the shell in the wind tunnel test

定义来流风沿柱面网壳纵轴方向吹向该网壳时 的风向角为0°,按顺时针方向增加(图8).根据对称 性,仅进行 90°~180°共7个风向角下的风洞试验 (风向角间隔为15°).



图 8 柱面网壳的方位及风向角 Fig.8 Definition of angles of wind direction

结构表面的压力通常用量纲一压力系数 C_{Pi}表 示为

$$C_{Pi} = \frac{P_i - P_{\infty}}{P_0 - P_{\infty}} \tag{7}$$

式中: C_{Pi} 为测点 i 处的压力系数; P_i 为作用在测点 处的压力; P_0 和 P_∞ 分别为试验时参考高度处的总 压和静压.

紊流场中的风压是个随机变量,对所记录的数 据进行概率统计分析,获得各测点上所有风向角以

梯度风压为参考风压的平均风压系数和脉动风压系 数(图 9).为了使风压系数分布图不在近地位置发生 变形,在绘制风压系数分布图时将结构表面按图 8 的方位展开成平面.从平均和脉动风压系数分布图 可以看出:风向角从 90°到 135°时,网壳表面的平均 风压系数总体上逐渐增大;风向角从135°到180°时, 网壳表面的平均风压系数总体上逐渐减小;脉动风 压系数随风向角的变化类似平均风压系数.



图 9 风向角分别为 105°,135°和 165°时柱面网壳 表面的平均和脉动风压系数分布图

Fig.9 Distribution of coefficients of average and fluctuating wind pressure

根据刚体模型风洞试验得到的结构表面风压数 据来构造非定常气动力,并将其作用于有限元模型 进行非线性动力分析.刚性模型表面第 i 个测压点 上t_j时刻以梯度风压为参考风压的压力系数为 C_{P,i},则作用于实际网壳结构表面的非定常气动 力为

$$p_{ji} = \frac{1}{2} \rho_{a} U_{T}^{2} C_{P, ji} A_{i}$$
(8)

式中: ρ_a 为空气密度; U_T 为梯度风速; A_i 为测压点 的附属面积.

根据相似定律可知

$$(nL/V)_{m} = (nL/V)_{p}$$
 (9)
 $u:n$ 为风场频率; L 为几何尺寸; V 为风速; 下标

式中 m 表示模型,p 表示实际结构.

从而可得

$$n_{\rm p} / n_{\rm m} = (L_{\rm m}/L_{\rm p})/(V_{\rm m}/V_{\rm p})$$
 (10)
然后,根据 $n = 1/\Delta t (\Delta t$ 为风压数据间隔时间)得到
 $\Delta t_{\rm p} / \Delta t_{\rm m} = (V_{\rm m}/V_{\rm p})/(L_{\rm m}/L_{\rm p})$ (11)

由此就得到了实际风场中的非定常气动力离散 数据序列,即非定常气动力大小为 p_{ji} ,时间间隔为 Δt_{p} .通过荷载增大系数 f 不断增加作用于网壳结构 表面的非定常气动力,即作用于实际网壳结构上的 非定常气动力为 fp_{ji} .

3.2 计算模型及计算参数

用空间梁单元来模拟网壳结构的杆件,节点连接为刚接,支承为刚性支承,约束全部自由度.初始几何缺陷按平均风荷载和重力荷载作用下的最低阶屈曲模态分布,缺陷最大值取为网壳跨度的1/300^[14].

材料参数:弹性模量常数为 200 GPa;材料密度 为 7 850×1.2=9 420 kg·m⁻³,即通过将杆件密度 提高 20%来考虑节点自重;材料泊松比取 0.3;采用 双线性随动强化塑性模型,屈服强度为 235 MPa,屈服后的切线模量为 1.18 GPa.瑞利阻尼模型中的常数取值为 $c_0 = 0.112$ 和 $c_1 = 0.000$ 8.

3.3 动力稳定性分析结果

用网壳上所有节点在整个计算时间内的位移最 大值 w_{max}来表征位移响应

 $w_{\max} = \max\{\max(w, \Gamma), 所有节点\}$ (12) 其中, Γ 为总计算时间.

对单层网壳结构在非定常气动力和重力作用下 进行非线性动力分析,得到不同风向角下最大位移 响应 w_{max}随荷载增大系数 f 的变化曲线(图 10),并 根据 B-R 准则得到工程上适用的荷载增大系数临 界值 f_d(表 2).





表 2	不同风向角下的 $f_{ m d}$, $f_{ m s}$ 和 $oldsymbol{arphi}_{ m d}$
Tab.2	$f_{ m d}$, $f_{ m s}$ and $arphi_{ m d}$ at various angles
	of wind direction

of which direction				
风向角/(°)	$f_{ m d}$	f_{s}	$arphi_{ m d}$	
90	14.2	18	1.3	
105	10.8	17	1.6	
120	9.2	12	1.3	
135	7.5	11	1.5	
150	9.0	15	1.7	
165	17.5	27	1.5	
180	51.0	113	2.2	

由图 10 可以看出,风向角为 90°,135°,150°和

165°时网壳发生动力失稳后位移迅速增长至接近网 壳高度,即结构倒塌至地面.风向角为105°,120°, 180°时网壳发生动力失稳的趋势不如上述风向角明 显,特别是风向角为180°时,结构很难发生动力 失稳.

由表2可见,风向角为135°时的 f_a值为所有风向角中最小,因此该柱面网壳在斜风作用下比较容易发生动力失稳.随着风向角不断偏离135°,f_a值不断变大.当风向角为180°时,f_a值达到最大,即当来流平行网壳纵轴吹向网壳时,结构很难发生动力失稳.这是因为风向角为180°时气流平行于结构表面,

柱面网壳上基本没有受风面.同时,通过对比平均风 压系数和脉动风压系数随风向角的变化规律和 fa 值随风向角的变化规律可以看出,平均和脉动风压 系数较大的风向角下,柱面网壳较容易发生动力 失稳.

图 11 给出了风向角为 135°时单层柱面网壳的 失稳模态.可以看出,在该风向角下单层柱面网壳发 生整体失稳,失稳时网壳迎风侧倒塌至地面,网壳端 部的变形最大.



图 11 风向角为 135°时单层柱面网壳的失稳模态 Fig.11 Buckling shape of the shell at 135°wind direction

3.4 获得以动力稳定为目标的等效静力风荷载

根据风洞试验获得的网壳表面风压数据得到作 用于该结构的平均风荷载,然后进行该平均风荷载 下的非线性静力稳定性分析. 网壳的初始几何缺陷 按该平均风荷载下的最低阶屈曲模态分布. 通过分 析得到 7 个风向角下发生静力失稳时的荷载增大系 数临界值 *f*_s(表 2). 进一步根据式(4)得到不同风向 角下的动力稳定性因子 *φ*_d(表 2),从而得到柱面网 壳以动力稳定为目标的等效静力风荷载.

由表 2 可见, φ_d 值介于 1.2~2.2 之间. 风向角 为 90°时 φ_d 值最小,即动力作用对结构稳定性的影 响最小;风向角为 180°时 φ_d 值最大. 工程应用中为 保守取较大的 φ_d 值,这里取 $\varphi_d = 2.2$ 作为风荷载作 用下该柱面网壳的动力稳定因子,即将 $\hat{p} = 2.2p$ 作 为该柱面 网壳以动力稳定为目标的等效静力风 荷载.

4 等效静力风荷载下的稳定性分析

对单层柱面网壳在以动力稳定为目标和基于位 移等效的等效静力风荷载下进行非线性静力稳定性 分析.同样通过荷载增大系数 f 来增加作用于结构 的等效静力风荷载.当荷载微小变化导致位移大大 增加时结构发生极值点失稳,此时对应的荷载增大 系数 f 定义为失稳临界值 f_{e} .本文得到单层柱面网 壳以动力稳定为目标的等效静力风荷载为 \hat{p} = 2.2p.根据文献[15],按照阵风响应因子法得到基于 位移等效的等效静力风荷载为 $\hat{p}=1.5p$.

两种等效静力风荷载下的非线性静力稳定性分 析得到不同风向角下的荷载增大系数失稳临界值 f_e (图 12).由图 12 可见,每种风向角以动力稳定为目 标的等效静力风荷载下的 f_e 值都小于基于位移等 效的等效静力风荷载下的 f_e 值,最大相差 80%(风 向角为 105°时),最小相差 40%(风向角为 135°时). 所以大跨空间结构设计中如果采用基于位移等效的 等效静力风荷载进行稳定性分析,可能得到偏于不 安全的结论.因此,大跨空间结构进行动力稳定性设 计时有必要采用以动力稳定为目标的等效静力风荷 载来考虑风荷载的作用.



图 12 两种等效静力风荷载下的失稳结果比较 Fig.12 Comparison of f_e under two kinds of equivalent static wind loads

5 结论

本文研究了单层柱面网壳结构在风荷载下的动 力稳定性,获得以动力稳定为目标的等效静力风荷 载,并用于单层柱面网壳的静风稳定性分析.研究 发现:

(1)以动力稳定为目标的等效静力风荷载下得 到的荷载增大系数失稳临界值小于基于位移响应的 等效静力风荷载下的临界值,因此结构稳定性分析 中有必要采用以动力稳定为目标的等效静力风荷载 来考虑风荷载的作用.

(2)斜风下单层柱面网壳的动力稳定性较差,来 流平行结构表面时单层柱面网壳最不容易发生动力 失稳.

(3)风压系数较大的风向角下,单层柱面网壳较容易发生动力失稳.

(4)风向角为 120°时风荷载的动力作用对单层 柱面网壳动力稳定性的影响最小,风向角为 180°时 影响最大. (下转第 674 页)