文章编号: 0253-374X(2022)07-0940-07

Vol. 50 No. 7

DOI: 10. 11908/j. issn. 0253-374x. 22126

基于ICESat-2/ATLAS数据的近海岸水深提取

习晓环^{1,2},王子家^{1,2,3},王 成^{1,2,3}

(1. 中国科学院 空天信息创新研究院 数字地球重点实验室,北京 100094;2. 可持续发展大数据国际研究中心,北京 100094;3. 中国科学院大学 资源与环境学院,北京 100049)

摘要:水深是表征海洋浅水和海岸环境的重要地形要素,光 子计数激光雷达可穿透一定深度的水体,为水深信息提取提 供可靠的数据支持。以我国南海岛礁为例,利用目前唯一在 轨的星载光子计数激光雷达-ICESat-2/ATLAS数据开展 岛礁浅水水深提取及精度评价研究。首先根据置信度参数 对原始光子数据进行粗去噪,基于点密度分布差异分离水面 和水底光子;然后对水面光子采用区间估计方法精去噪,利 用RANSAC算法拟合水面高程;通过改进滤波参数,基于改 进OPTICS算法对水底光子进行两次聚类,实现水底光子的 精去噪,进而通过折射校正和潮汐校正提取近岸水深;最后 利用机载LiDAR测深数据进行验证。实验结果表明,与 ATL03高置信度光子数据和AVEBM去噪结果相比,该精去 噪算法具有更高的F值,分别提高了约5.87%和3.38%;水深 提取结果与机载测深数据的*R*²为0.91,均方根误差 RMSE 为 0.53m。

关键词: ICESat-2/ATLAS;光子去噪;激光测深;区间估
 计;改进OPTICS;近岸水深
 中图分类号: P237
 文献标志码: A

Bathymetric Extraction Method of Nearshore Based on ICESat-2/ATLAS Data

XI Xiaohuan^{1,2}, WANG Zijia^{1,2,3}, WANG Cheng^{1,2,3}

 Key Laboratory of Digital Earth Science, Aerospace Information Research Institute, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100094, China; 2. International Research Center of Big Data for Sustainable Development Goals, Beijing 100094, China;
 College of Resources and Environment, University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

Abstract: Water depth is an important topographical parameter that characterizes shallow ocean and coastal environment. Photon-counting light detection and ranging (LiDAR) can penetrate a certain depth of water and

provide reliable date support for water depth information extraction. Taking the islands and reefs in the South China Sea as an example, this paper uses the only in-orbit spaceborne photon-counting LiDAR - Ice, Cloud and land Elevation Satellite-2/Advanced Topographic Laser Altimeter System (ICESat-2/ATLAS) to carry out research on depth extraction and accuracy evaluation in shallow water areas of islands and reefs. Firstly, confidence parameter is adopted to remove the coarse noise photons, and the photons in the water surface and bottom are separated according to their density. Secondly, interval estimate and the modified ordering points to identify the clustering structure (OPTICS) are utilized to filter out noise photons in the water surface and bottom respectively, and the modified OPTICS is changed twice by the filter parameters. Then the water surface elevation is obtained by using the random sample consensus (RANSAC) algorithm. Thirdly, the bathymetric information is achieved by the refraction and tide correction. Finally, the airborne bathymetric LiDAR data of South China Sea is used to validate and evaluate the bathymetric accuracy. Compared with the depth results extracted from the high confidence photons and adaptive variable ellipse filtering bathymetric method (AVEBM), the proposed noise removal algorithm has a higher Fvalue, which is increased by 5.87% and 3.38% respectively. The experimental results indicated that the R^2 of bathymetric results obtained by ATLAS and airborne LiDAR is 0.91 and root mean square error (RMSE) is 0.53m.

Key words: ICESat-2/ATLAS; photon noise removal; laser depth sounding; interval estimate; the modified ordering points to identify the clustering structure (OPTICS); nearshore bathymetry

第一作者: 习晓环(1972—),女,副研究员,硕士生导师,主要研究方向为激光雷达遥感。E-mail:xixh@radi.ac.cn

通信作者:王子家(1997—),女,硕士研究生,主要研究方向为激光雷达遥感。E-mail: wangzijia20@mails.ucas.ac.cn



收稿日期: 2022-04-17

基金项目:国家重点研发计划(2021YFF0704600);中国科学院青年创新促进会(2019130)

近海岸水深测量是海洋测绘的基础工作,传统的借助于船载平台的单波束或多波束测深仪操作简 单、直接,但人力物力消耗大,而且在浅水区域容易 搁浅,测量效率低,难以满足长时间序列的大面积动 态变化监测需要。光学遥感数据源丰富、覆盖范围 广,在水深反演中发挥了一定的作用,但受成像技术 等多种综合因素影响,测量精度较低^[12]。机载测深 LiDAR(Light Detection And Ranging)可以兼顾精度 与效率,实现对岛礁周边的水深探测,但数据获取成 本高,且常受空域管控等限制。星载LiDAR覆盖范 围广、重复频率高、受外界因素影响小,在湖泊、冰川 和海洋遥感研究中得到广泛应用^[34]。

ICESat-2 (Ice, Cloud and land Elevation Satellite-2)是美国NASA于2018年9月发射的新一 代星载 LiDAR 卫星, 搭载的 ATLAS (Advanced Topographic Laser Altimeter System)传感器采用了 多波束、微脉冲、光子计数技术^[5],具有更高的脉冲 重复频率,可以获取小光斑、高密度的光子点云数据 (光斑直径约17m、同轨光斑间隔仅0.7m)。同时, 该系统还采用了532nm的单脉冲激光器,水体在该 波段散射弱、衰减系数小,激光可穿透1倍的塞克板 深度(即透明度),其最大测深能力可达38m^[6]。由于 ATLAS系统发射脉冲是弱信号,受太阳背景、系统 自身、大气散射、地表覆盖等因素的影响,接收的回 波中包含大量噪声信号,特别是白天获取的数据更 为严重。同时受水中悬浮物散射与吸收、风浪等影 响,水体垂直方向不同区域的噪声分布也存在一定 差异。Ma等^[7]利用机载模拟光子数据(Multiple Altimeter Beam Experimental Lidar, MABEL)信号 光子和噪声光子的分布特征,基于改进的DBSCAN (Density-Based Spatial Clustering of Applications with Noise)方法提取地面和水下的表面轮廓;楼乐 乐^[8]提出一种基于光子点云密度统计并结合差分回 归高斯自适应的去噪算法,在浅水区域取得了较高

的精度,但对复杂水底地形的适用性有待进一步探 索;Chen等^[9]针对光子在水面和水柱的分布提出了 一种自适应椭圆滤波测深方法(Adaptive Variable Ellipse Filtering Bathymetric Method, AVEBM),需 要依据一定的规则确定滤波阈值,且深水处易出现 提取错误,滤波结果仍受椭圆滤波器大小和分块大 小的参数影响。

由于水面光子点分布密集而水下光子噪声多, 且随水深变化,信号光子密度在沿轨方向和高程方 向也发生变化,如何有效剔除背景噪声是ICESat-2/ ATLAS数据获取近岸水深数据的关键。但目前光 子点云去噪的研究多针对陆地类型,水域方面的研 究相对较少。本研究利用南海岛礁浅海区域的 ATLAS光子数据开展近海岸水深提取方法研究,重 点解决复杂水底地形及水体较深位置处水深信息的 提取难题,并利用机载LiDAR测深数据验证本文方 法的有效性和精度。

1 研究方法

ICESat-2/ATLAS光子数据存在大量噪声,在 水深信息提取应用时首先要进行去噪处理,然后将 去噪后的光子数据分为水面光子和水底光子;基于 两者的密度分布差异,分别采用区间估计和改进 OPTICS算法进行水体信号光子提取,并结合 RANSAC算法获取水面高程信息。由于光子在水 体传输中会产生折射以及海面受潮力产生周期性波 动,为了提高水深反演精度,需进行折射校正和潮汐 校正。最后,对实验结果进行精度评价,包括利用人 工标注水体信号光子,对本文精去噪结果的定性和 定量评价,并与ATL03内置去噪算法、AVEBM算 法结果进行对比,以及利用机载测深LiDAR数据对 提取的水深信息进行的精度评定。总体技术流程如 图1所示。





通过两步完成光子去噪,即粗去噪和精去噪。 粗去噪即去除原始光子数据中比较明显的噪声,利 用光子点云文件中的置信度参数"signal_conf_ph"去 除参数为0的光子,但去噪后仍然存在大量噪声 光子。

1.2 光子精去噪

考虑到水面和水底数据的分布密度差异较大, 大部分信号光子集中在水面,因此通过构建高程分 布直方图,利用混合高斯分布模型对其进行两次高 斯函数拟合,以两个高斯曲线的交点来确定水面光 子的范围,实现水面和水底光子的分离,其中二者精 去噪的方法有所不同。

1.2.1 水面光子精去噪

由于水面光子分布较为集中,可利用区间估计 法去除水底光子和其他噪点。统计水面光子的高程 分位数,将[0,0.02]、[0.98,1]对应的光子点作为噪 点去除,从而得到水面光子数据,然后利用 RANSAC(random sample consensus)直线拟合确定 水面高程,计算水面光子的最低高程点并将其设为 阈值,低于该高程点的光子认为是水底光子。

1.2.2 水底光子精去噪

由于水底光子分布密度不均,随水深增加,信号 光子密度减小。通过改变滤波参数进行两次精去 噪,最大程度提取水底信息。具体步骤如下:

(1)基于改进密度聚类算法(OPTICS)对水底 光子精去噪^{10]},采用试错法,最终选定椭圆搜索半径 a和b分别为11和1,利用式(1)计算输入点的阈值参 数MinP₁^[8]:

$$\begin{cases} S_1 = \frac{\pi a b N_1}{hl} \\ S_2 = \frac{\pi a b N_2}{h_2 l} \\ \text{Min} P_{\text{ts}} = \frac{2S_1 - S_2}{\ln \left(\frac{2S_1}{S_2}\right)} \end{cases}$$
(1)

式中:S₁是椭圆搜索区域内噪声光子和信号光子的 总数;N₁是给定样本的总光子数;h和l分别是样本 光子点云中垂直距离和沿轨距离的最大差值;S₂是 椭圆搜索区域内包括的噪声光子数。假设最低水深 处向上5m的范围为噪声光子,N₂为该范围内的光子 数,则h₂为5m。一般将沿轨方向10000光子点定为 样本点,实际应用中水下光子总数往往小于10000, 故通常是将所有光子数据参与计算。 (2)进一步区分信号和噪声光子。OPTICS算 法引入了两个特征,即核心距离(Core Distance, CD)和可达距离(Reachability Distance, RD)。 C_d 表 示核心距离,是对于输入的MinPts使该点p成为核 心点的最小距离,而当不满足输入参数时 $C_d(p)$ 无 意义。 R_d 表示可达距离,针对核心对象,若p为核心 对象, $R_d(p,q)$ 表示样本点q与样本点p之间核心距 离,即dist(p,q)的最大值;当p不为核心对象时, $R_d(p)$ 无意义。

 $C_{d}(p) =$

$$\begin{cases} \text{UNDEFINED,} & N_{\epsilon}(p) < \text{Min}P_{\text{ts}} \\ \text{dist}(x, N_{\epsilon}(p)), & N_{\epsilon}(p) \geqslant \text{Min}P_{\text{ts}} \end{cases} (2) \\ R_{d}(q, p) = \begin{cases} \text{UNDEFINED,} \\ N_{\epsilon}(p) < \text{Min}P_{\text{ts}} \\ \max(C_{d}(p), \text{dist}(p, q)), \\ N_{\epsilon}(p) \geqslant \text{Min}P_{\text{ts}} \end{cases} (3)$$

式中: ϵ 是邻域半径; $N_{\epsilon}(p)$ 是以p为圆心; ϵ 为半径的 邻域内的点数。

R_d值越大表明该光子离其他光子越远,即为噪声 光子,反之为信号光子。本文采用最大类间方差法 (OTSU)确定信号和噪声光子,通过对光子数据进行 分块并统计每个分块中光子数N。假设前t个光子为 信号光子,剩下N-t个光子为噪声;当类间方差g最大 时,将此时的R_d设为阈值R_{db};当光子R_d>R_{db}时,此光 子记为噪声光子,反之记为信号光子。

(3)利用改进的OPTICS算法进行第一次滤波, 然后对滤波结果进行纵向分块,构建高程统计直方 图。假设最低水深处向上5m的范围为噪声光子,并 以此为最低高度确定二次滤波范围。以直方图峰值 为中心,向两边搜索高程点数小于平均高程点数的 分块,以一次滤波确定的最小邻域光子数为基础,扩 大椭圆搜索半径进行二次滤波。

1.3 水深信息提取

ICESat-2/ATLAS数据产品(ATL03)仅考虑 了激光在空气介质中的传播。而实际应用中,激光 脉冲从空气进入水体会发生折射,导致光子位置偏 移,可根据斯涅尔定律对水底光子点进行折射校正, 获取光子点在沿轨方向和垂直方向的偏移量,然后 基于水底信号光子计算各光子点位置的水深数据。 折射校正时,需要根据激光单位指向矢量方位角将 光子坐标的经纬度转换到其对应的位置。此外,由 于海水受到潮力影响会产生周期性波动,且光子数 据提取的水深值是获取时刻的瞬时水深,为了得到 基于深度基准面的水深值,本文利用T_TIDE模 型^[11]选取8分潮(*M*₂,*S*₂,*K*₂,*N*₂,*K*₁,*O*₁,*P*₁,*Q*₁)的潮 汐调和常数对水深数据进行潮汐校正。

1.4 精度评价

采用定性分析和定量指标对精去噪结果进行评价。定性评价主要基于目视识别,即通过噪声和信号光子点的分布情况,人为判断是否存在错分现象; 定量指标是利用人工标注的水体信号光子,用召回率(Recall, *R*)、准确率(Precision, *P*)和F值来评价。 其中召回率表示被正确提取的有效信号光子个数占 原有信号光子总数的比例,准确率是指被正确提取 的有效信号光子个数与提取到的有效信号光子总数 的比值,F值是召回率和正确率的调和平均值。

最后,为了验证光子数据提取的水深精度,将机 载测深LiDAR获取的水深数据作为真值进行比较。 实际中由于光子位置与机载点云位置无法完全重 合,本文将距离光子位置最近且距离值小于2m的机 载测深LiDAR点云水深值作为真值,通过绘制散点 图直观地显示验证结果。

2 实验结果与分析

2.1 实验区与数据

选取 2019—2021 年南海永乐环礁的 ICESat-2/ ATLAS 数据(共19个条带)进行实验,包括羚羊礁、 甘泉礁、晋卿岛、甘泉岛、珊瑚岛等岛礁。该区域水 质清澈含沙量低,退潮时会露出大面积的礁石,台风 大潮时会被海水淹没。研究区的 ATL03 光子数据 分布如图 2 所示,每一条 ATL03 数据包括6个条带, 分别为 GT1L、GT1R、GT2L、GT2R、GT3L 和 GT3R,并记录了每个光子的经纬度、高程、光子往 返时间、激光器位置和姿态角等信息,并对大多数误 差进行了纠正(如固体潮汐、大气延迟等),可获取光 子高度的最佳估计^[12]。



机载LiDAR测深数据由中国科学院上海光学 精密机械研究所于2018年8月28日获取,覆盖范围 为甘泉岛和羚羊礁区域,所用设备为机载双频雷达 激光测深系统Mapper5000,最大和最小测深分别为 51m和0.25m,测深精度0.23m^[13]。由于机载数据 与ATLAS数据的坐标系不同,在精度评价前对其 进行坐标系统转换。

2.2 三种去噪方法结果分析

ICESat-2/ATLAS光子点云噪声点分布范围较 广,通过粗去噪可以去除明显的噪声点(图3)。其中 20190524GT3L数据水底地势平坦,20200419GT3R 数据水底地形复杂。图4分别显示了人工标注水体 信号光子、ATL03内置精去噪(置信度参数 "signal_conf_ph=4"光子数据)、AVEBM和本文方 法精去噪结果。其中,图4c~f中的圆圈表示 ATL03去噪和AVEBM方法对光子错提和漏提位 置。可以看出,针对平缓的水底地形,两种方法均可 有效去除噪声点,但ATL03内置去噪算法难以提取



Fig. 3 Coarse noise photons removal results

较深区域的信号光子,且容易在水底地形起伏较大的区域出现信号光子缺失;AVEBM对较深处的噪

声光子易产生错提取。



进一步进行定量分析(表1),本文方法提取的水体信号光子可获得更高的F值,平均为97.98%,而 ATL03内置精去噪算法为92.55%,AVEBM为 94.78%,分别提高了约5.87%和3.38%。

2.3 水深信息精度评价

利用机载LiDAR测深数据对本文光子数据提

取的水深信息进行精度评价。通过获取的水面高程 和折射校正后水底信号光子高程值,计算水底信号 光子对应位置的水深值。以20190524GT3L数据为 例,对获取的水面信号光子和经过折射校正前后的 水底信号光子采用B样条曲线对其进行拟合,得到 连续的水面曲线和水底地形(图5)。

ICESat-2/ATLAS	ATL03内置精去噪算法			AVEBM			本文方法		
	R	Р	F	R	Р	F	R	Р	F
20190222GT1L	0.970	0.982	0.976	0.932	0.999	0.965	0.972	0.999	0.986
20190222GT3L	1	0.972	0.986	0.921	0.996	0.957	0.989	0.994	0.991
20190421GT1L	0.943	0.993	0.968	0.915	0.986	0.949	0.973	0.987	0.980
20190421GT3L	0.902	0.995	0.946	0.881	0.975	0.926	0.974	0.997	0.985
20190524GT3L	0.962	0.994	0.976	0.946	0.997	0.971	0.992	0.993	0.992
20190721GT2L	0.999	0.955	0.977	0.897	0.987	0.940	0.974	0.991	0.982
20190721GT3L	0.997	0.954	0.975	0.909	0.982	0.944	0.969	0.987	0.976
20190819GT1L	0.997	0.897	0.944	0.909	0.953	0.931	0.944	0.973	0.958
20190819GT2L	0.956	0.947	0.951	0.925	0.988	0.956	0.944	0.993	0.968
20191024GT1R	0.787	0.987	0.876	0.852	0.990	0.916	0.946	0.987	0.966
20191118GT1R	0.998	0.921	0.958	0.881	0.975	0.926	0.934	0.990	0.961
20191118GT2R	0.999	0.913	0.954	0.917	0.963	0.940	0.948	0.990	0.969
20200119GT1R	0.968	0.994	0.981	0.932	0.995	0.963	0.989	0.994	0.992
20200119GT3R	0.891	0.987	0.937	0.856	0.990	0.918	0.980	0.986	0.983
20200419GT1R	0.592	0.995	0.743	0.926	0.992	0.958	0.987	0.982	0.985
20200419GT3R	0.502	0.998	0.668	0.971	0.981	0.976	0.986	0.993	0.990
20200719GT2L	0.781	0.999	0.876	0.936	0.998	0.966	0.971	0.997	0.984
20200820GT3L	0.998	0.966	0.982	0.954	0.988	0.971	0.990	0.994	0.992
20210519GT2R	0.838	0.996	0.910	0.884	0.998	0.937	0.972	0.983	0.977
平均值	0.900	0.971	0.925	0.913	0.986	0.948	0.970	0.990	0.980

表1 三种方法精去噪统计指标结果



图5 20190524GT3L数据折射校正前后结果图

Fig.5 Signal photons before and after refraction correction of 20190524GT3L data

由于浅海区域的细沙、碎沙较多,且机载测深受 底质物以及透明度的影响,分析中对较浅区域(水深 值≪0.5m)的数据进行了剔除。本文以羚羊礁区域 20190524GT3L和20200820GT3L数据提取的水深 结果为例进行精度评价(图6)。结果显示,最大探测 深度7.83m,最大误差约1.69m,最小约0.001m,差 值较大,可能因机载数据和ICESat-2/ATLAS数据 位置无法完全重合所导致;决定系数R²为0.91,均 方根误差RMSE为0.53m。



Fig. 6 Accuracy assessment of the bathymetric results obtained by ATLAS and airborne LiDAR

3 结论

ICESat-2/ATLAS光子计数数据应用的关键是 去除原始数据中大量的噪声光子,本文以水体清澈、 受杂质影响较小的南海为实验区,将改进OPTICS 算法用于水底光子信息精去噪,降低了滤波参数的 敏感性。通过对一次水底滤波结果分块、扩大搜索 半径等,快速、高精度提取水体深处更密集的信号光 子,提高了复杂水底地形区域的水体光子提取精度。 由于光子受水体及其他悬浮物散射的影响,获取的 水面数据存在一定的高程差异,本文在水面精去噪 后重新计算了水底数据的范围,虽一定程度上降低 对浅水区域水底信息错分,但受高斯拟合曲线的影 响,在水面波动较大的区域仍存在部分水面光子错 分为水底光子的现象:同时二次精去噪的滤波参数 不能实现自动化设置,还需进一步提高方法的自动 化程度。此外,考虑到大部分近海区域水质并非如 南海岛礁水质好、透明度高,本文方法的适应性还有 待进一步研究,这也是目前激光雷达测深应用的 难点。

作者贡献声明:

习晓环:学术指导,提出选题,设计论文框架,论文审阅 与修改。

王子家:整理文献,方法实现,数据整理,数据处理及精 度验证,论文撰写与修改。

王成:学术指导,论文审阅与修改。

参考文献:

- 马毅,张杰,张靖宇,等.浅海水深光学遥感研究进展[J].海 洋科学进展,2018,36(3):331.
 MA Yi, ZHANG Jie, ZHANG Jingyu, *et al.* Progress in shallow water deep mapping from optical remote sensing [J]. Advances in Marine Science, 2018, 36(3):331.
- [2] 杜娟, 曹彬才, 陈世媛. 基于卫星立体双介质的浅海水深测量 方法[J]. 现代电子技术, 2019, 42(11): 158.
 DU Juan, CAO Bincai, CHEN Shiyuan. Shallow water bathymetry based on satellite-borne two-media photogrammetry [J]. Modern Electronics Technique, 2019, 42(11): 158.
- [3] SMITH B, FRICKER H A, HOLSCHUH N, et al. Land ice height-retrieval algorithm for NASA's ICESat-2 photoncounting laser altimeter [J]. Remote Sensing of Environment,

2019, 233(5): 111352.

- [4] SHEN Xiaoyi, CHANG Qingke, YU Xuening, et al. Evaluation of ice, cloud, and land elevation satellite-2 (ICESat-2) land ice surface heights using airborne topographic mapper (ATM) data in antarctica [J]. International Journal of Remote Sensing, 2021, 42(7): 2556.
- [5] MARKUS T, NEUMANN T, MARTINO A, et al. The ice, cloud, and land elevation satellite-2 (ICESat-2): science requirements, concept, and implementation [J]. Remote Sensing of Environment: An Interdisciplinary Journal, 2017, 190: 260.
- [6] PARRISH C E, MAGRUDER L A, NEUENSCHWANDER A L, et al. Validation of ICESat-2 ATLAS bathymetry and analysis of ATLAS's bathymetric mapping performance [J]. Remote Sensing, 2019, 11 (14) : 1634.
- [7] MA Yue, XU Nan, SUN Jinyan, et al. Estimating water levels and volumes of lakes dated back to the 1980s using Landsat imagery and photon-counting lidar datasets[J]. Remote Sensing of Environment, 2019, 232: 111287.
- [8] 楼乐乐.光子计数LiDAR点云自适应去噪算法研究[D].郑州:战略支援部队信息工程大学,2020.
 LOU Lele. Adaptive denoising algorithm of photon counting LiDAR point cloud [D]. Zhengzhou: Information Engineering University, 2020.
- [9] CHEN Yifu, LE Yuan, ZHANG Dongfang, et al. A photoncounting LiDAR bathymetric method based on adaptive variable ellipse filtering [J]. Remote Sensing of Environment, 2021, 256(5): 112326.
- [10] ZHU Xiaoxiao, NIE Sheng, WANG Cheng, et al. A noise removal algorithm based on OPTICS for photon-counting LiDAR data [J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Letters, 2020, 18(8): 1471.
- [11] PAWLOWICZ R, BEARDSLEY B, LENTZ S. Classical tidal harmonic analysis including error estimates in MATLAB using T_TIDE [J]. Computers & Geosciences, 2002, 28 (8): 929.
- [12] NEUMANN T A, MARTINO A J, MARKUS T, et al. The ice, cloud, and land elevation satellite-2 mission: a global geolocated photon product derived from the advanced topographic laser altimeter system [J]. Remote Sensing of Environment, 2019,233:111325.
- [13] 黄田程,陶邦一,贺岩,等.国产机载激光雷达测深系统的波形处理方法[J].激光与光电子学进展,2018,55(8):65.
 HUANG Tiancheng, TAO Bangyi, HE Yan, *et al.* Waveform processing methods in domestic airborne lidar bathymetry system [J]. Laser & Optoelectronics Progress, 2018, 55 (8):65.