DOI: 10. 11908/j. issn. 0253-374x. 22487

# 支管轴压下高强钢圆管X形节点的承载力计算公式

宁 鹏<sup>1</sup>, 童乐为<sup>1</sup>, 朱小利<sup>2</sup>

(1. 同济大学 土木工程防灾国家重点实验室,上海 200092;2. 上海中侨职业技术大学 建筑工程学院,上海 201514)

**摘要**:研究了支管受压的Q460、Q690、Q960高强钢圆管X形 节点的静力性能。采用经试验数据验证的有限元模型进行节 点有限元参数分析,研究高强钢牌号、支管与主管外径之比 (β)、主管外径与其管壁厚度之比(2γ)、主管轴向应力比(n)对 节点性能的影响;与有限元参数分析和文献中试验结果对比, 评价我国钢结构设计标准计算公式的适用性。结果表明,节点 发生主管塑性破坏,节点承载力多由主管局部变形限值(3%主 管外径)确定;多数情况下钢结构设计标准计算公式高估了高 强钢圆管X形节点的承载力;主管受到压力或较大拉力时均会 降低节点承载力。最后,针对不同钢材牌号的圆管X形节点给 出了建议的2γ范围。基于主管塑性破坏,提出了考虑高强钢 屈服强度、主管拉压效应的圆管X形节点承载力计算公式。

关键词: 高强钢系列;圆管X形节点;有限元分析;主管拉压 效应;承载力

**中图分类号:** TU392.3 文献标志码: A

# Bearing Capacity Formula of Highstrength Steel CHS X-joints Under Axial Compression

#### NING Peng<sup>1</sup>, TONG Lewei<sup>1</sup>, ZHU Xiaoli<sup>2</sup>

 State Key Laboratory of Disaster Reduction in Civil Engineering, Tongji University, Shanghai 200092, China;
 School of Architecture and Engineering, Shanghai Zhongqiao Vocational and Technical University, Shanghai 201514, China)

Abstract: The static performance of circular hollow section (CHS) X-joints using Q460, Q690, Q960 high-strength steel under axial compression was investigated. Using the finite element (FE) model verified by experimental results, extensive FE parametric analyses of joints were carried out. The effects of high-strength steel grades, brace-to-chord diameter ratios ( $\beta$ ), chord diameter-to-wall thickness ratios ( $2\gamma$ ), and chord axial stress ratios (n) on the structural behavior of joints were studied. Then, the suitability of the bearing capacity

formula adopted by Chinese Standard GB 50017—2017 was evaluated against the results obtained from FE parametric analyses and literature test results. The conclusions can be drawn that the failure mode of joints is chord plastification, and the joint bearing capacity is often determined by the chord indentation limit, i. e., 3% of chord diameter; the bearing capacities of high-strength steel CHS X-joints are overestimated by the formula of Chinese Standard GB 50017—2017 in most cases; the chord subjected to pressure or larger tensile forces will reduce the joint bearing capacity. Finally, the ranges of  $2\gamma$  for different steel grades are recommended. Based on the plastic failure of the chord, the bearing capacity formula of CHS X-joints is proposed, considering the yield strengths of high-strength steel and the chord preload effect.

**Keywords**: high-strength steel series; circular hollow section (CHS) X-joints; finite element analysis (FEA); chord preload effect; bearing capacity

钢管桁架结构已在工程结构中广泛应用,通常 采用普通强度结构钢。国际上,一般将屈服强度 460 MPa及以上的结构钢称为高强度钢(下文简称 高强钢)。近年来各国都在发展高强钢在土木工程 领域中的应用,这可提高结构承载能力、减小构件截 面和焊接量,具有良好的经济和社会效益。因此,在 钢管结构中推广应用高强钢已是发展趋势。

国内外有关普通钢材的管桁架焊接节点(下文简称 管节点)性能研究已经取得丰富的成果,并纳入钢结构 设计标准、指南中<sup>[1-3]</sup>。目前高强钢管节点静力性能的研 究还比较有限,国内这方面的研究相对匮乏。2004年, Liu等<sup>[4]</sup>采用数值方法研究了S460矩形管K形间隙节点 的性能,发现其量纲一承载力比相同条件下S235节点 的低10%~16%。2011年,Puthli等<sup>[5]</sup>对S355~S770圆

E-mail:279732487@qq. com



收稿日期: 2022-11-22

基金项目:国家自然科学基金(51778457)

第一作者: 宁 鹏,博士生,主要研究方向为钢结构。E-mail:ningpeng96@tongji.edu.cn

通信作者:朱小利,教授级高级工程师,工学硕士,主要研究方向为钢结构。

管(CHS)X形节点试件进行了支管受压试验。结果表明,节点承载力要大于欧洲规范(EC3)的公式计算值。 2012年和2015年,Mohan等<sup>6-7]</sup>采用数值方法研究了C450 矩形管T、X、N和K形节点的性能。2017年,Becque等<sup>[8]</sup> 开展了C450矩形管T、X形节点的支管受压试验。结 果表明,国际管结构委员会(CIDECT)的计算公式低估 了节点承载力。2017年,Lee等<sup>[9]</sup>开展了HSA800(屈服 强度650 MPa)圆管X形节点的支管受压试验,发现EC3 公式低估了节点承载力。2017年和2018年,Lan等<sup>[10-11]</sup> 采用数值方法研究了支管受压的S460~S1100圆管X 形节点的性能。2020年,Lan等<sup>[12]</sup>开展了Q960圆管T、 X形节点的支管受压试验。结果表明,节点均发生主管 塑性破坏。2021年,Lan等<sup>[13]</sup>提出了支管受压的 S460~S1100圆管T形节点承载力计算公式。

我国《钢结构设计标准》<sup>[1]</sup>(下文简称《钢标》)指 出:采用Q420、Q460钢时,节点承载力设计值的折 减系数取0.9,采用Q390钢时折减系数取0.95。 EC3规定<sup>[2,14]</sup>:钢材牌号为S355~S460时,折减系数 取0.9,S460~S700时取0.8。国内外钢结构设计规 范有关管节点承载力的计算公式实际上来源于以往 对普钢管节点的研究成果,但不适用于高强钢管节 点承载力计算,若要使用则需考虑折算系数。然而, 折算系数是一个固定值,难以充分发挥高强钢优势。

以支管受压的Q460、Q690、Q960高强钢圆管X 形节点为对象,研究其静力性能。首先,针对文献中 的节点试件参数,应用Abaqus软件建立节点的有限 元模型并进行计算,将计算结果与文献中试验结果 进行对比,验证有限元模型的可靠性;然后,采用经 验证的有限元模型进行大量的节点参数分析,并分 别将有限元结果、文献中试验结果与《钢标》公式计 算结果进行对比,评价《钢标》公式的适用性;最后, 分析各节点参数的影响规律,基于现行《钢标》提出 节点承载力的精细化计算公式。

# 1 有限元模型验证与节点参数分析

## 1.1 节点有限元模型建立

1.1.1 节点尺寸和材料属性

文献[5,9,12]中对若干个高强钢圆管X形节点 试件进行了支管受压试验。选取其中12个节点试 件进行有限元分析,试件编号分别为R32<sup>[5]</sup>、R69<sup>[5]</sup>、 R75<sup>[5]</sup>、X90-420-0.62-26<sup>[9]</sup>、X90-650-0.62-26<sup>[9]</sup>、 X90-650-0.75-16<sup>[9]</sup>、X1~X6<sup>[12]</sup>。试件形状及试验 装置如图1所示,试件尺寸如表1所示。主支管的钢 材力学性能如表2所示。文献[5,9]中仅列出了钢 材屈服强度和抗拉强度,故钢材弹性模量近似取 210 GPa,抗拉强度应变值取10%<sup>[10]</sup>。文献[12]中 节点试件的高强钢应力-应变曲线如图2所示。



图 1 圆管 X 形节点试件及试验装置 Fig.1 CHS X-joint specimens and test setup

表1 圆管X形节点试件尺寸 Tab.1 Measured dimensions of CHS X-joint specimens

| 节点编号                           | d/mm  | t/mm  | $d_1$ /mm | $t_1/mm$ | w/mm | β    | 2γ |
|--------------------------------|-------|-------|-----------|----------|------|------|----|
| R32 <sup>[5]</sup>             | 324.7 | 14.80 | 177.9     | 8.40     |      | 0.55 | 22 |
| R69 <sup>[5]</sup>             | 159.2 | 9.20  | 60.6      | 5.20     |      | 0.38 | 17 |
| R75 <sup>[5]</sup>             | 244.7 | 22.00 | 194.6     | 16.00    |      | 0.80 | 11 |
| X90-420-0.62-26 <sup>[9]</sup> | 650.0 | 25.00 | 400.0     | 25.00    |      | 0.62 | 26 |
| X90-650-0.62-26 <sup>[9]</sup> | 650.0 | 25.00 | 400.0     | 25.00    |      | 0.62 | 26 |
| X90-650-0.75-16 <sup>[9]</sup> | 400.0 | 25.00 | 300.0     | 15.00    |      | 0.75 | 16 |
| $X1^{[12]}$                    | 251.3 | 4.63  | 234.6     | 4.69     | 6.1  | 0.93 | 54 |
| $X2^{[12]}$                    | 252.1 | 4.71  | 216.9     | 4.72     | 6.1  | 0.86 | 54 |
| X3 <sup>[12]</sup>             | 251.5 | 4.68  | 174.9     | 4.70     | 5.5  | 0.70 | 54 |
| $X4^{[12]}$                    | 251.4 | 4.73  | 150.8     | 4.69     | 5.7  | 0.60 | 53 |
| $X5^{[12]}$                    | 202.3 | 4.72  | 174.3     | 4.65     | 6.4  | 0.86 | 43 |
| X6 <sup>[12]</sup>             | 235.2 | 4.66  | 202.5     | 4.64     | 6.5  | 0.86 | 50 |

注:d为主管外径;t为主管壁厚;L为主管长度; $d_1$ 为支管外径; $t_1$ 为支管壁厚; $L_1$ 为支管长度;w为焊脚长度; $\beta = d_1/d; 2\gamma = d/t_c$ 

表 2 圆管钢材的基本力学性能 Tab.2 Basic mechanical properties of CHS

| 节点/圆管编号                        | <i>E</i> /GPa | $f_{\rm y}/{\rm MPa}$ | $f_{\rm u}/{ m MPa}$ | $\epsilon_{\rm u}/2$ | $f_{\rm y}/f_{\rm u}$ |  |
|--------------------------------|---------------|-----------------------|----------------------|----------------------|-----------------------|--|
| $R32^{[5]}$                    | 210           | 734                   | 802                  | 10.0                 | 0.92                  |  |
| $R69^{[5]}$                    | 210           | 858                   | 879                  | 10.0                 | 0.98                  |  |
| $R75^{[5]}$                    | 210           | 811                   | 863                  | 10.0                 | 0.94                  |  |
| X90-420-0.62-26 <sup>[9]</sup> | 210           | 478                   | 586                  | 10.0                 | 0.82                  |  |
| X90-650-0.62-26 <sup>[9]</sup> | 210           | 798                   | 914                  | 10.0                 | 0.87                  |  |
| X90-650-0.75-16 <sup>[9]</sup> | 210           | 806                   | 938                  | 10.0                 | 0.86                  |  |
| C150 <sup>[12]</sup>           | 203           | $1\ 008$              | 1 119                | 3.5                  | 0.90                  |  |
| C174 <sup>[12]</sup>           | 208           | 974                   | 1 114                | 3.4                  | 0.87                  |  |
| C202 <sup>[12]</sup>           | 203           | $1\ 016$              | 1 112                | 2.8                  | 0.91                  |  |
| C216 <sup>[12]</sup>           | 204           | 969                   | 1 080                | 2.9                  | 0.90                  |  |
| C234 <sup>[12]</sup>           | 211           | 994                   | 1115                 | 2.9                  | 0.89                  |  |
| C250 <sup>[12]</sup>           | 202           | 950                   | 1 086                | 4.1                  | 0.87                  |  |

注:C后数字表示圆管名义外径,与节点X1~X6相对应;E为弹 性模量;f<sub>v</sub>为屈服强度;f<sub>u</sub>为抗拉强度;ε<sub>u</sub>为抗拉强度应变值。



图2 高强钢应力−应变曲线<sup>[12]</sup>



节点试件R32<sup>[5]</sup>、R69<sup>[5]</sup>、R75<sup>[5]</sup>、X90-420-0.62-26<sup>[9]</sup>、X90-650-0.62-26<sup>[9]</sup>、X90-650-0.75-16<sup>[9]</sup>的钢材应力-应变关系采用两折线强化模型,节点试件X1~X6<sup>[12]</sup>的钢材应力-应变关系按图2考虑。钢材采用von Mises 屈服准则和各向同性强化法则,钢材 泊松比统一取0.3。

1.1.2 边界条件和加载方式

节点有限元模型的边界条件与试件支座条件 (见图1)保持一致。如图3所示,有限元模型的主管 两端为自由端,约束上、下支管端部除轴向平动自由 度以外的所有自由度。有限元模型采用位移加载方 式,即在上、下支管端部施加等值反向的轴向位移, 使支管受到轴向压力作用。

## 1.1.3 单元类型和网格划分

分别采用壳单元、实体单元对各节点试件进行 建模和计算,并对比2种有限元模型的计算结果。

壳单元模型采用壳单元S4R,建模时不考虑节 点焊缝,并细化主、支管相交区域的网格。实体单元







模型采用实体单元C3D8R,沿管壁厚度方向布置4 层单元;采用实体单元C3D6模拟节点焊缝,焊缝与 主、支管表面建立绑定约束。以节点试件X4为例, 壳单元和实体单元模型的网格划分如图4所示。



对12个节点试件进行了有限元分析,以冠点位 移表征节点变形,绘制受压支管轴力-节点变形曲线 (*N*-δ曲线)。根据有限元分析或文献中试验得到的 *N*-δ曲线,节点承载力*N*.按下式计算:

$$N_u =$$
 最先达到  $\{N_{\text{peak}}, N_{3\% d}\}$  (1)

式中:N<sub>peak</sub>为N-∂曲线最高点对应的支管轴力;N<sub>3%d</sub>为节点变形为3%d(d为主管直径)时的支管轴力。

第1期

节点承载力的有限元分析与试验结果对比如表 3 所示, N-∂曲线对比如图 5 所示。如表 3 所示, N<sub>u,shell</sub>/N<sub>u,test</sub>均值为 0.98, N<sub>u,solid</sub>/N<sub>u,test</sub>均值为 0.98。 由此可知,壳单元模型和实体单元模型均可以较准 确地计算节点承载力,且差异很小。如图 5 所示, N-∂曲线的有限元分析与试验结果吻合较好。以节点 X2为例,节点破坏模式有限元分析与试验结果对比如图6所示。2种有限元模型的破坏模式均与试验 结果保持一致,均发生由主管管壁局部弯曲导致的 塑性破坏。其余节点有限元和试验的破坏模式均与 节点X2的类似。可见,2种有限元模型均可以准确 地模拟节点试件的破坏模式。

表3 节点承载力有限元分析与试验结果对比 Tab.3 Comparison of joint bearing capacity between FEA and experimental results

| 节点编号                           | $N_{ m u, shell}/ m kN$ | $N_{ m u,solid}/ m kN$ | $N_{ m u,test}/ m kN$ | $N_{ m u, shell}/N_{ m u, test}$ | $N_{ m u, solid}/N_{ m u, test}$ |
|--------------------------------|-------------------------|------------------------|-----------------------|----------------------------------|----------------------------------|
| $R32^{[5]}$                    | 1 579                   | 1 531                  | 1 774                 | 0.89                             | 0.86                             |
| $R69^{[5]}$                    | 508                     | 498                    | 519                   | 0.98                             | 0.96                             |
| $R75^{[5]}$                    | 5 368                   | 5 303                  | 5 298                 | 1.01                             | 1.00                             |
| X90-420-0.62-26 <sup>[9]</sup> | 3 573                   | 3 536                  | 3 759                 | 0.95                             | 0.94                             |
| X90-650-0.62-26 <sup>[9]</sup> | 5 258                   | 5 221                  | 5 612                 | 0.94                             | 0.93                             |
| X90-650-0.75-16 <sup>[9]</sup> | 6 770                   | 6 667                  | 6 965                 | 0.97                             | 0.96                             |
| $X1^{[12]}$                    | 408                     | 412                    | 393                   | 1.04                             | 1.05                             |
| $X2^{[12]}$                    | 332                     | 328                    | 325                   | 1.02                             | 1.01                             |
| X3 <sup>[12]</sup>             | 214                     | 231                    | 222                   | 0.96                             | 1.04                             |
| $X4^{[12]}$                    | 175                     | 190                    | 188                   | 0.93                             | 1.01                             |
| X5 <sup>[12]</sup>             | 356                     | 346                    | 342                   | 1.04                             | 1.01                             |
| X6 <sup>[12]</sup>             | 341                     | 330                    | 322                   | 1.06                             | 1.02                             |
| 均值                             |                         |                        |                       | 0.98                             | 0.98                             |
| 变异系数                           |                         |                        |                       | 0.051                            | 0.053                            |

注:N<sub>u.shell</sub>和N<sub>u.solid</sub>分别为壳单元和实体单元有限元模型的计算结果;N<sub>u.test</sub>为文献中试验结果。



Fig.5 Comparison of joint  $N-\delta$  curves between FEA and experimental results



图 6 节点 X2 破坏模式有限元分析与试验结果对比

Fig.6 Comparison of failure mode of joint X2 between FEA and experimental results

以上分析验证了所建立有限元模型的可靠性,2 种单元有限元模型计算结果的差异很小。考虑到实 体单元模型的建模和计算用时较长,后续的节点有 限元参数分析均采用壳单元模型。

# 1.3 节点有限元参数分析

为了研究各节点参数对高强钢管节点性能的影响,共设计了1203个支管受压的高强钢圆管X形节 点的有限元算例(下文简称算例),考察的节点参数 包括高强钢牌号、主管外径与其管壁厚度之比2 $\gamma$  $(2\gamma=d/t)、支管与主管外径之比<math>\beta(\beta=d_1/d)$ 、主管 轴向应力比 $n(n=\sigma/f_v,\sigma)$ 为主管轴向应力)。

算例的主管外径 d取 150 mm。算例的钢材牌 号为Q460、Q690、Q960。每一牌号设计了 81 个 n=0和 320 个  $n\neq$ 0 的算例。对于 n=0 的算例, 2 $\gamma$  分别 取 10、15、20、25、30、35、40、45、50,  $\beta$  分别取 0.2、 0.3、0.4、0.5、0.6、0.7、0.8、0.9、1.0。对于  $n\neq$ 0 的 算例, 2 $\gamma$  分别取 10、20、30、40、50,  $\beta$  分别取 0.3、0.5、 0.7、0.9, n 分别取 ±0.8、±0.7、±0.6、±0.5、 ±0.4、±0.3、±0.2、±0.1(n>0时主管受拉)。 算例的支管与主管管壁厚度之比τ(τ=t₁/t)取 1.0。由图7有限元分析结果可知,几何参数τ对N-∂曲线的影响很小,故不考虑τ的影响。为避免主管 过短而影响节点受力,算例的主管长度L取6d<sup>[10-11]</sup>, 相应的支管长度L<sub>1</sub>取3d<sub>1</sub>。表4汇总了本算例的节 点参数范围,并对比了现行《钢标》规定。





表4 圆管X形节点参数范围 Tab.4 Ranges of parameters of CHS X-joints

| 项目       | 钢材牌号           | β          | $2\gamma$                  | n           | τ         | θ         |
|----------|----------------|------------|----------------------------|-------------|-----------|-----------|
| 《钢标》规定范围 | Q235~Q460      | [0.2,1.0]  | $\leq 100 \varepsilon_k^2$ |             | [0.2,1.0] | [30°,90°] |
| 本算例分析范围  | Q460,Q690,Q960 | [0.2, 1.0] | [10,50]                    | [-0.8, 0.8] | 1.0       | 90°       |

注: $\theta$ 为支管轴线与主管轴线的夹角; $\epsilon_k$ 为钢号修正系数, $\epsilon_k = \sqrt{235/f_y}$ 。

为了更真实地反映高强钢牌号的影响,算例采 用的高强钢圆管的基本力学性能参考了Chen等<sup>[15]</sup> 得到的拉伸试验结果。高强钢圆管的力学性能如表 5 所示,高强钢的应力-应变关系按下式进行 计算<sup>[15-16]</sup>:

$$\sigma = f_{y} \left( \frac{\varepsilon_{p}}{0.002} \right)^{(1/\lambda + K\varepsilon_{p}^{m})}$$
(2)

$$\boldsymbol{\varepsilon} = \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{p}} + \frac{f_{\mathrm{y}}}{E} \left( \frac{\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{p}}}{0.002} \right)^{(1/\lambda + K \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{p}}^{m})} \tag{3}$$

$$K = \frac{\log_{f_u/f_y} \left( \frac{\varepsilon_u - f_y/E}{0.002} - \lambda \right)}{\left( \varepsilon_u - \frac{f_y}{E} \right)^m}$$
(4)

式中: $\epsilon_p$ 为塑性应变;K为计算参数; $\lambda$ 和m为拟合系数。

根据上述节点参数及高强钢应力-应变曲线,建 立所有算例的有限元模型并进行计算。为了避免节 点变形过大,采用3%d作为节点变形限值<sup>[3]</sup>,节点承 载力N<sub>u,FE</sub>按式(1)确定。

## 表5 高强钢圆管的基本力学性能[15]

Tab.5 Basic mechanical properties of high-strength steel CHS<sup>[15]</sup>

| 钢材牌号 | $E/{ m GPa}$ | $f_{\rm y}/{ m MPa}$ | $f_{\rm u}/{\rm MPa}$ | $\epsilon_{ m u}/\%$ | λ    | m    |
|------|--------------|----------------------|-----------------------|----------------------|------|------|
| Q460 | 217          | 624                  | 695                   | 7.60                 | 7.9  | 0.35 |
| Q690 | 208          | 758                  | 808                   | 4.71                 | 10.1 | 0.35 |
| Q960 | 206          | 959                  | 1045                  | 3.02                 | 7.0  | 0.60 |

# 2 节点计算结果对比与分析

# 2.1 《钢标》计算方法

图8为圆环塑性铰模型,用于计算圆管X形节 点极限承载力。该模型假设节点破坏时主管截面形 成了6个塑性铰,基于圆环塑性铰模型推导得到的 圆管X形节点极限承载力N<sub>ux</sub>如下所示<sup>[17]</sup>:

$$N_{u,X} = \frac{c_0}{\left(1 - c_1\beta\right)} \psi_n \frac{t^2 f_y}{\sin\theta} \tag{5}$$

式中:c<sub>0</sub>和c<sub>1</sub>为系数;  $\phi_n$ 为考虑主管轴向应力影响的 参数;  $\theta$ 为主管轴线与支管轴线夹角。



#### Fig.8 Ring plastic hinge model

《钢标》规定,对于圆管X形节点,受压支管在管 节点处的承载力设计值*N*<sub>d,GB</sub>按下式计算<sup>[1]</sup>:

$$N_{\rm d, GB} = \frac{5.45}{\left(1 - 0.81\beta\right)} \varphi_{\rm n, GB} \frac{t^2 f}{\sin\theta} \tag{6}$$

$$\psi_{n,GB} = \begin{cases} 1 - 0.3 |n| - 0.3 n^2, n < 0\\ 1, n \ge 0 \end{cases}$$
(7)

式中: $\phi_{n,GB}$ 为《钢标》中考虑主管轴向应力影响的参数;f为主管抗拉强度设计值。

由式(7)可见,《钢标》考虑了主管受压的不利影响,但没有考虑主管受拉的影响。《钢标》规定的节点 承载力设计值计算公式是由节点极限承载力计算公 式通过校准法换算得到的,极限承载力公式如下 所示<sup>[18]</sup>:

$$N_{\rm u} = \frac{6.56}{(1 - 0.81\beta)} \psi_{\rm n, GB} \frac{t^2 f_{\rm y}}{\sin \theta} \tag{8}$$

式(8)是由节点试验数据回归分析得到的,公式 计算值与试验值之比的均值为1.0931<sup>[18]</sup>。为了与 本算例的有限元分析结果进行对比,将式(8)除以 1.0931得到用于对比分析的节点承载力计算公式, 如下所示:

$$N_{\rm u, GB} = \frac{6.00}{(1 - 0.81\beta)} \phi_{\rm n, GB} \frac{t^2 f_{\rm y}}{\sin \theta}$$
(9)

若无说明,下文中的"《钢标》公式"均指式(9)。

# 2.2 《钢标》公式适用性评价

按式(9)计算了1203个算例和文献中12个高 强钢圆管X形节点试件的承载力。公式计算结果、 有限元分析结果和文献中试验结果分别记作N<sub>u,GB</sub>、 N<sub>u,FE</sub>和N<sub>u,test</sub>。算例公式计算结果与有限元结果对比 如图9所示,对比统计结果如表6所示。





# Fig.9 Comparison of joint bearing capacity between formula and FEA

如图9所示,N<sub>u,GB</sub>/N<sub>u,FE</sub>的离散程度随钢材牌号 提高而增大。对于同一牌号,n<0、n=0和n>0所 对应的散点值依次增大,且较多的散点值大于1.0, 说明很多情况下《钢标》公式的计算结果偏不安全。

如表6所示,当n=0时,Q460、Q690和Q960节 点所对应比值N<sub>u,GB</sub>/N<sub>u,FE</sub>的均值分别为1.00、1.14 和1.22。总体上,《钢标》公式能较准确地计算Q460 节点承载力,而高估了Q690和Q960节点承载力,并 且高估程度随钢材牌号提高而增大。同理,当n<0

|       | capacity ra | tio N <sub>n.GB</sub> /I | V <sub>u.FE</sub>        |          |         |
|-------|-------------|--------------------------|--------------------------|----------|---------|
| Tab.6 | Statistical | analysis                 | results                  | of joint | bearing |
| 表     | 6 节点承载      | 力比值 $N_{u}$              | $_{\rm GB}/N_{\rm u,FE}$ | 的统计分析    | 结果      |

| 神戸ウキャ  |              | $N_{ m u,GB}$ | $N_{\rm u,FE}$ |       |
|--|--------------|---------------|----------------|-------|
| <b></b> 一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一 | 钢材牌号         | 节点数           | 均值             | 变异系数  |
|  | Q460         | 81            | 1.00           | 0.131 |
| n=0  | <b>Q</b> 690 | 81            | 1.14           | 0.129 |
|  | <b>Q</b> 960 | 81            | 1.22           | 0.140 |
|  | Q460         | 160           | 0.88           | 0.137 |
| $n \leq 0$                                   | <b>Q</b> 690 | 160           | 1.00           | 0.134 |
|  | <b>Q</b> 960 | 160           | 1.06           | 0.147 |
|  | Q460         | 160           | 1.07           | 0.117 |
| $n \ge 0$                                    | <b>Q</b> 690 | 160           | 1.20           | 0.098 |
|  | Q960         | 160           | 1.27           | 0.085 |

时,《钢标》公式低估了Q460节点承载力,对Q690节 点承载力的计算较准确,而高估了Q960节点承载 力;当n>0时,《钢标》公式高估了Q460、Q690和 Q960节点承载力,并且高估程度随钢材牌号提高而 增大。由表7可知,对于12个高强钢圆管X形节点 试件<sup>[5,9,12]</sup>,《钢标》公式高估了大多数节点试件的承 载力,平均高估程度达到21%。

以上分析表明,《钢标》公式不适用于高强钢圆 管X形节点承载力计算,而且很多情况下高估了承 载力。这是因为《钢标》公式未考虑3%d限值对承载 力的限制, \u03c9n, GB也没有准确反映主管应力的影响。

表7 节点承载力公式与试验结果对比

| Tab.7 | Comparison | of joint | bearing | capacity | between | formula | and | experimental | results |
|-------|------------|----------|---------|----------|---------|---------|-----|--------------|---------|
|-------|------------|----------|---------|----------|---------|---------|-----|--------------|---------|

| 节点编号                           | β    | $2\gamma$ | $f_{\rm y}/{ m MPa}$ | $N_{ m u,GB}/ m kN$ | $N_{ m u,test}/ m kN$ | $N_{ m u,GB}/N_{ m u,test}$ |
|--------------------------------|------|-----------|----------------------|---------------------|-----------------------|-----------------------------|
| R32 <sup>[5]</sup>             | 0.55 | 22        | 734                  | 1740                | 1 774                 | 0.98                        |
| R69 <sup>[5]</sup>             | 0.38 | 17        | 858                  | 630                 | 519                   | 1.21                        |
| R75 <sup>[5]</sup>             | 0.80 | 11        | 811                  | 6 692               | 5 298                 | 1.26                        |
| X90-420-0.62-26 <sup>[9]</sup> | 0.62 | 26        | 478                  | 3 602               | 3 759                 | 0.96                        |
| X90-650-0.62-26 <sup>[9]</sup> | 0.62 | 26        | 798                  | 6 013               | 5 612                 | 1.07                        |
| X90-650-0.75-16 <sup>[9]</sup> | 0.75 | 16        | 806                  | 7 702               | 6 965                 | 1.11                        |
| $\mathrm{X1}^{[12]}$           | 0.93 | 54        | 972                  | 513                 | 393                   | 1.30                        |
| $X2^{[12]}$                    | 0.86 | 54        | 972                  | 427                 | 325                   | 1.31                        |
| $X3^{[12]}$                    | 0.70 | 54        | 972                  | 293                 | 222                   | 1.32                        |
| $X4^{[12]}$                    | 0.60 | 53        | 972                  | 254                 | 188                   | 1.35                        |
| $X5^{[12]}$                    | 0.86 | 43        | 1 012                | 448                 | 342                   | 1.31                        |
| $X6^{[12]}$                    | 0.86 | 50        | 990                  | 426                 | 322                   | 1.32                        |
| 均值                             |      |           |                      |                     |                       | 1.21                        |
| 变异系数                           |      |           |                      |                     |                       | 0.113                       |

## 2.3 节点参数影响分析

**2.3.1** 几何参数β和2γ的影响

根据n=0节点算例的有限元结果,图10给出了 几何参数 $\beta$ 和 $2\gamma$ 对节点量纲一承载力 $N_{u,FE}/(t_{f_y})$ 的 影响。由图10可知,节点量纲一承载力随β的增大 而增大。当β较小时,2γ对节点量纲一承载力的影 响很小;当β较大时,节点量纲一承载力随2γ的增大 而增大。



图10 几何参数β和2γ对节点量纲一承载力的影响

Fig.10 Effects of geometric parameters  $\beta$  and  $2\gamma$  on non-dimensional joint bearing capacity

## 2.3.2 高强钢牌号的影响

图 11 给出了若干个节点算例(*n*=0)的*N*-δ曲线。由图 11a、b可知,钢材牌号越高,比值 N<sub>3%d</sub>/

N<sub>peak</sub>则越小。换而言之,钢材屈服强度越大,节点 变形相对越早地达到3%*d*,导致高强钢的利用不 够充分。由图11c、d可知,当β较大时,节点承载



Fig.11  $N-\delta$  curves of CHS X-joints

图 12 给出了典型节点算例(n=0)的钢材塑性 应变分布,图中深色区域钢材处于弹性,浅色区域处 于塑性。由图 12a~c可知,钢材牌号越高,则主管钢 材进入塑性的范围越小,相当于圆环塑性铰模型中 的有效宽度 B<sub>a</sub>越小。不难发现,图 12a~c与图 11b 对应,说明有效宽度越小,节点承载力越早由 3%d 限值确定。由图 12d~f可知,β越大,主管塑性应变 分布越接近圆环塑性铰模型,承载力也越接 近N<sub>peak</sub>。

2.3.3 主管轴向应力比n的影响

其他节点参数相同的条件下,将*n*≠0与*n*=0节 点算例的承载力(*N*<sub>u,FE</sub>)相除,计算出所有*n*≠0算例 的参数*ψ*<sub>n</sub>,并将计算结果绘制为散点图,如图13~15 所示。由图13~15可知,主管受到压力或较大拉力 时,节点承载力明显降低,并且降低程度随轴力增大



Fig.12 Plastic strain distribution of CHS X-joints

而增大。主管拉力过大,则钢材在变形达到3%d之 前发生屈服,使节点刚度减小,导致节点承载力 降低。











Fig.15 Comparison of factor  $\psi_n$  for Q960 CHS X-joints

# 3 节点承载力计算公式

第1期

## 3.1 高强钢利用效率指标与节点几何参数范围

为了定量研究高强钢是否被充分利用,定义量 纲一高强钢利用效率指标*R*<sub>N</sub>,计算式如下所示:

$$R_{\rm N} = \frac{N_{\rm u, FE}}{N_{\rm peak}} \tag{10}$$

当 $R_N$ <1时,节点承载力等于 $N_{3\%d}$ ;当 $R_N$ =1时, 节点承载力等于 $N_{peak}$ ; $R_N$ 越大,说明高强钢被利用得 越充分。按式(10)计算了n=0算例的 $R_N$ 值,计算结 果如图16所示。以 $R_N$ 不小于0.85作为较充分利用 高强钢的判据。对于高强钢圆管X形节点的设计,参 数2 $\gamma$ 的取值范围建议如下:当钢材牌号为Q460时, 2 $\gamma$ <50;当钢材牌号高于Q460且不超过Q960时, 2 $\gamma$ <30。



图 16 圆管 X 形节点的指标 R<sub>N</sub> Fig.16 Index R<sub>N</sub> of CHS X-joints

#### 3.2 建议的节点承载力计算公式

首先,根据《钢标》公式和节点参数分析结论,确 定新的节点承载力计算公式的表达形式;然后,对本 节点算例进行筛选,对筛选后数据进行多元线性回 归分析,得到关于支管受压的Q460、Q690、Q960高 强钢圆管X形节点承载力计算公式,如下所示:

$$N_{\rm u,pro} = \frac{6.62}{\left(1 - 0.81\beta\right)} \psi_{\rm g} \psi_{\rm y} \psi_{\rm n,pro} \frac{t^2 f_{\rm y}}{\sin \theta} \qquad (11)$$

$$\psi_{\rm g} = (1+\beta)^{0.46} \gamma^{0.16} \tag{12}$$

$$\psi_{\rm y} = 0.60 - 39 \frac{f_{\rm y}}{E} \tag{13}$$

$$\psi_{n, pro} = \left(1 - |n|\right)^{\alpha} \tag{14}$$

$$\alpha = \begin{cases} (0.60 - 0.35\beta) \left( 1 - 110 \frac{f_y}{E} \right), n < 0 \\ (0.15 + 0.10\beta) \left( 1 - 86 \frac{f_y}{E} \right), n \ge 0 \end{cases}$$

(15)

式中: $\phi_g$ 为考虑几何参数 $\beta$ 和2 $\gamma$ 影响的参数; $\phi_y$ 为考 虑高强钢牌号影响的参数; $\phi_{n,pro}$ 为本方法考虑主管 轴向应力影响的参数。式(13)和(15)中 $f_y$ 采用按钢 材牌号表示的屈服强度。

按式(11)计算了本算例的节点承载力,计算结 果记作 $N_{u,pro}$ 。公式计算结果与有限元分析结果对比 如表8所示。当n=0时,Q460、Q690和Q960节点所 对应比值 $N_{u,pro}/N_{u,FE}$ 的均值分别为1.00、1.03和 0.98,当 $n\neq0$ 时,比值 $N_{u,pro}/N_{u,FE}$ 的均值略小于 1.00,表明式(11)可以准确计算反映各类高强钢牌 号和主管拉压效应影响的圆管X形节点承载力。

图 13~15 绘制了按式(7)计算的 $\phi_{n,GB}$ 曲线以及 按式(14)计算的 $\phi_{n,pro}$ 曲线。由图 13~15 可知,由于 《钢标》没有考虑主管受拉时的不利作用,因此n>0时 $\phi_{n,GB}$ 曲线偏于不安全,但n<0时 $\phi_{n,GB}$ 曲线又偏于 保守。由式(14)、(15)可知,建议的 $\phi_{n,pro}$ 曲线考虑了 主管受拉和受压时的不利作用,也考虑了高强钢牌 号和几何参数 $\beta$ 的影响,因此 $\phi_{n,pro}$ 曲线与图中散点吻 合较好。

基于设计需求,采用校准法将式(11)换算为节 点承载力设计值计算公式,换算方法如下所示:

| 表     | 8 节点承载:     | 力比值 $N_{u_i}$            | $_{\rm pro}/N_{\rm u,FE}$ 自 | り统计分析    | 结果      |
|-------|-------------|--------------------------|-----------------------------|----------|---------|
| Tab.8 | Statistical | analysis                 | results                     | of joint | bearing |
|       | capacity ra | tio N <sub>u,pro</sub> / | $N_{\mathrm{u,FE}}$         |          |         |

| 抽点点力以  | $N_{ m u,pro}/N_{ m u,FE}$ |     |      |       |  |  |  |  |
|--|----------------------------|-----|------|-------|--|--|--|--|
| <b></b> 一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一 | 钢材牌号                       | 节点数 | 均值   | 变异系数  |  |  |  |  |
|  | Q460                       | 81  | 1.00 | 0.073 |  |  |  |  |
| n=0  | <b>Q</b> 690               | 63  | 1.03 | 0.077 |  |  |  |  |
|  | Q960                       | 45  | 0.98 | 0.076 |  |  |  |  |
|  | Q460                       | 160 | 0.93 | 0.088 |  |  |  |  |
| $n \leq 0$                                   | <b>Q</b> 690               | 128 | 0.98 | 0.087 |  |  |  |  |
|  | Q960                       | 96  | 0.95 | 0.087 |  |  |  |  |
|  | Q460                       | 160 | 0.95 | 0.063 |  |  |  |  |
| $n \ge 0$                                    | <b>Q</b> 690               | 128 | 0.98 | 0.066 |  |  |  |  |
|  | Q960                       | 96  | 0.95 | 0.067 |  |  |  |  |
|  |                            |     |      |       |  |  |  |  |

$$N_{d,pro} = \frac{\gamma_r \gamma_m N_{u,pro}}{\gamma_k}$$
(16)

式中:N<sub>d,pro</sub>为节点承载力设计值;N<sub>u,pro</sub>为节点承载 力,按式(11)计算;γ<sub>k</sub>为塑性设计安全系数,取1.7; γ<sub>m</sub>为荷载分项系数,近似取恒载分项系数与活载分 项系数的平均值,取1.4;γ<sub>r</sub>为高强钢管的材料抗力 分项系数,因缺乏统计资料,且钢材牌号涵盖范围 大,偏安全地取1.0。

采用校准法换算得到的Q460、Q690、Q960高强 钢圆管X形节点承载力设计值计算式如下所示:

$$N_{\rm d, pro} = \frac{5.45}{\left(1 - 0.81\beta\right)} \varphi_{\rm g} \varphi_{\rm y} \varphi_{\rm n, pro} \frac{t^2 f}{\sin \theta} \qquad (17)$$

# 4 结论

(1)支管在轴压作用下,高强钢圆管X形节点发 生由主管管壁局部弯曲导致的塑性破坏。确定高强 钢节点承载力时,建议将3%d作为节点变形限值, 以免主管局部变形过大。

(2)高强钢牌号、几何参数β和2γ均会影响节点 性能,但几何参数τ的影响很小;节点量纲一承载力 随β和2γ增大而增大,且β越大2γ的影响越明显;几 何参数β越大,节点破坏时主管钢材的塑性应变分 布则越接近于圆环塑性铰模型。

(3)为了充分发挥高强钢的作用,对于圆管X形
节点的设计,建议几何参数2γ的取值范围如下:当
钢材牌号为Q460时,则2γ≤50;当钢材牌号高于
Q460且不超过Q690时,则2γ≤40;当钢材牌号高于
Q690且不超过Q960时,则2γ≤30。

(4)主管轴向应力比n、高强钢牌号和几何参数 β均对参数ψ<sub>n</sub>有影响。少数情况下主管受拉对节点 承载力有少量提高作用,但主管受到较大拉力时节 点承载力会显著降低。《钢标》没有考虑主管受拉时 的影响,因此当主管受到较大拉力时,《钢标》对参数 ψ<sub>n</sub>的计算偏于不安全。

(5)通过回归分析,提出了基于主管塑性破坏的 高强钢圆管X形节点承载力计算式,该计算式考虑 了Q460、Q690、Q960高强钢屈服强度、主管拉压效 应等影响因素。

#### 作者贡献声明:

宁 鹏:有限元分析,数据分析,论文撰写。 童乐为:论文撰写,数据分析指导,论文修改,项目资助。 朱小利:学术指导,论文修改。

# 参考文献:

- [1] 中华人民共和国住房和城乡建设部.钢结构设计标准: GB 50017—2017[S].北京:中国建筑工业出版社,2017. Ministry of Housing and Urban-Rural Development of the People's Republic of China. Standard for design of steel structure: GB 50017—2017[S]. Beijing: China Architecture & Building Press, 2017.
- [2] European Committee for Standardization. Eurocode 3: design of steel structures. Part 1-8: design of joints [S]. Brussels: European Committee for Standardization, 2005.
- [3] WARDENIER J, KUROBANE Y, PACKER J A, et al. Design guide for circular hollow section (CHS) joints under predominantly static loading [M]. Cologne: Verlag TÜV Rheinland, 2008.
- [4] LIU D K, WARDENIER J. Effect of the yield strength on the static strength of uniplanar K-Joints in RHS (steel grade S460, S355 and S235) : IIW Doc. XV-E-04-293 [R]. Delft: International Institute of Welding Sub-commission XV-E, 2004.
- [5] PUTHLI R, BUCAK O, HERION S, et al. Adaptation and extension of the valid design formulae for joints made of highstrength steels up to S690 for cold-formed and hot-rolled sections: CIDECT report 5BT-1/11 [R]. Karlsruhe: CIDECT, 2011.
- [6] MOHAN M, WILKINSON T. FEA of T & X joints in grade C450 steel[C]// Proceedings of 14th International Symposium on Tubular Structures. London: CRC Press, 2012: 185-194.
- [7] MOHAN M, WILKINSON T. Finite element simulations of 450 grade cold-formed K and N joints [C]// Proceedings of 15th International Symposium on Tubular Structures. Rio de Janeiro: CRC Press, 2015: 449-456.
- [8] BECQUE J, WILKINSON T. The capacity of grade C450 (下转第85页)