文章编号: 0253-374X(2024)12-1919-10

制动工况下虚拟轨道列车轮胎--道路接触应力研究

张济民¹, 王金杰¹, 王承萍¹, 周和超¹, 孙丽霞² (1. 同济大学铁道与城市轨道交通研究院,上海 201804;2. 中国铁道科学研究院集团有限公司,北京 100081)

摘要:为解决虚拟轨道列车试行过程中车站及十字路口处路面损伤严重的问题,考虑车辆-轮胎-路面的相互作用,通过构建虚拟轨道列车动力学模型获取动态轮胎力,采用Abaqus有限元软件建立了花纹轮胎和黏弹性沥青路面模型,根据任意拉格朗日-欧拉(ALE)法分析比较了匀速、制动工况下轮胎与路面的接触应力特征,并研究了滑移率和载荷对制动工况接触应力的影响。结果表明:制动时的纵向应力是造成道路破坏的主要原因,滑移率和载荷对制动时的接触应力有显著的影响。制动工况下最大纵向应力比匀速工况增大约979 kPa;当载荷从40 kN增大到50 kN时,轮胎边缘最大纵向应力增大约98.8%。因此,在列车运行时应尽量避免制动,同时列车载荷应处于合理的区间内。

关键词:虚拟轨道列车;车辆动力学;轮胎−道路接触模型; 接触应力;有限元分析 中图分类号:U271 文献标志码:A

Tire-Road Contact Stress in Virtual Rail Trains Under Braking Conditions

ZHANG Jimin¹, WANG Jinjie¹, WANG Chengping¹, ZHOU Hechao¹, SUN Lixia²

 Institute of Rail Transit, Tongji University, Shanghai 201804, China; 2. China Academy of Railway Sciences Co., Ltd., Beijing 100081, China)

Abstract: To address the problem of serious road damage at stations and intersections during the trial run of virtual rail trains, the vehicle-tire-road interaction is considered, and the dynamic tire forces are obtained by constructing a virtual rail train dynamics model with Abaqus finite element software to develop a tread tire and viscoelastic asphalt pavement model, and the tire-road contact stresses at uniform speed and under braking conditions are analyzed and compared based on the arbitrary Lagrange-Euler (ALE) method. The contact stress characteristics of tire and pavement at uniform speed and under braking conditions are analyzed and compared based on the ALE method, and the effects of slip rate and load on the contact stress of braking conditions were studied. The results show that the longitudinal stress during braking is the main cause of road damage, and the slip rate and load have a significant effect on the contact stress during braking. The maximum longitudinal stress under braking conditions increases by approximately 979 kPa compared to uniform speed conditions. When the slip rate increases from 0.02 to 0.06, maximum longitudinal stress the increases bv approximately 99.8 %. When the load increases from 40 kN to 50 kN, the maximum longitudinal stress at the edge of the tire increases by approximately 98.8 %. Therefore, braking should be avoided as much as possible when the train is running, and at the same time the train load should be in a reasonable range.

Key word: virtual track train; vehicle dynamics; tire-road contact model; contact stress; finite element analysis

虚拟轨道列车是以地面虚拟轨道为导向运行的 公路胶轮列车,车辆与路面的相互作用是通过轮胎 传递的。大量调研发现,在虚拟轨道列车开通试行 过程中,由于列车反复调试导致列车载荷不断加载 到路面,使得车站及十字路口的道路破坏十分严重, 同时列车制动时的加速度明显大于牵引时的加速 度,因而制动时纵向力也明显大于牵引和匀速状态 下的相应值,因此有必要着重关注虚拟轨道列车在 制动工况下轮胎与路面的接触应力分布,以揭示车 辆对道路的破坏效应。

对于接触应力的研究,通常是根据轮胎、路面的 几何参数、力学性能等建立轮胎-路面接触模型,分 析在不同工况下的接触应力的分布与变化。例如,

第一作者:张济民,教授,工学博士,主要研究方向为车辆动力学、机电一体化、道路工程。

E-mail: zjm2011@tongji. edu. cn



收稿日期: 2023-06-28

基金项目:中国铁道科学研究院集团有限公司院基金课题(2022YJ303)

HE等^[1]通过构建轮胎--路面相互作用模型,模拟静 态和各种滚动工况(自由滚动、加速和制动)下的接 触应力,结果表明,不同运行工况下的接触应力有显 著差异。刘庆纲等^[2]针对11.00R20全钢载重子午 线轮胎,通过设置耦合轮胎的垂直载荷、工况和侧倾 角3个变量,模拟研究不同状况下轮胎-路面接触应 力的变化情况。杨轸等^[3]采用Abaqus有限元仿真软 件,建立P215/70R15型子午线轮胎与刚性路面的接 触作用模型进行仿真分析。结果表明:轮胎接地面 中心点和平均面竖向接触应力与充气压力、轮载呈 正相关非线性变化。蒋余静等[4]选取我国常用的半 刚性沥青路面结构,通过建立有限元模型并施加移 动三向非均布接触应力,分析了路面结构内部应力 分布。王承萍等^[5]采用解耦的方式将轮胎与刚性路 面相互作用模型的三向接触力提取并施加到黏弹性 沥青有限元模型,针对虚拟轨道列车轮胎在匀速、完 全制动及转弯3种行驶工况下沥青路面的动力学响 应及永久变形进行分析研究。目前针对轮胎与路面 接触应力的研究方法,主要包括实验法和分析法。 而采用压力传感器、压电传感器阵列、超声波、压敏 膜[67]等实验仪器直接测量接触应力,价格昂贵且效 率低,采用有限元法等分析方法操作简单高效。许 多研究者基于有限元法,建立了轮胎和路面的有限 元模型,来分析轮胎和路面的三向接触应力分布,并 研究了轮胎类型、车辆运行工况、车辆载荷、路面类 型、温度等因素对轮胎和路面间接触应力的影响^[8-9]。

以往的研究多数将轮胎和路面的接触应力作为 静态考虑,并在轮胎-路面接触模型中强加了滑移 率、侧滑角等要求,以简化典型运行工况下的真实轮 胎力。此外,路面模型通常被认为是刚性或线弹性 模型,而很少考虑沥青路面的黏弹性。本文综合了 轮胎和路面间的动态相互作用力,应用任意拉格朗 日-欧拉(arbitrary Lagrange-Euler, ALE)法建立了轮 胎-黏弹性沥青路面接触模型,研究匀速和制动工况 下轮胎与层状沥青路面间的接触应力特征,并分析 滑移率和载荷对制动工况接触应力的影响。研究结 果将为分析虚拟轨道列车在匀速和制动工况下的轮 胎-路面接触应力分布机制、解决虚拟轨道列车在车 站、十字路口车辆位置处道路破环严重的问题提供 有价值的参考与借鉴。

1 轮胎-路面接触有限元模型

1.1 轮胎有限元模型

根据中国国家标准GB/T 2977—2016^[10],虚拟轨 道列车采用规格为385/65 R22.5的子午线轮胎,该轮 胎主要由橡胶材料和钢丝帘线组成,橡胶材料包括胎 面胶、胎侧胶、胎体层胶,钢丝帘线主要包括胎体钢丝、 零度带束层钢丝、1号/2号/3号带束层钢丝、钢丝圈。

橡胶材料具有超弹性和黏弹性,其应力-应变关 系表现出较强的非线性,采用Yeoh材料模型来模拟 橡胶材料特性,能够较好地反映橡胶大变形的能力, 其应变能函数表达式为

$$U = \sum_{i=1}^{3} C_{i0} (I_1 - 3)^i + \sum_{i=1}^{3} (J - 1)^{2i} / D_i$$
 (1)

式中: $U为橡胶的应变能函数; J为弹性体积比; C_{ij}和 <math>D_i$ 均为材料常数(D_i 的值接近于零); I_1 为第一应变 不变量,它的表达式为

$$I_1 = \lambda_1^2 + \lambda_2^2 + \lambda_3^2 \tag{2}$$

式中: λ_1 、 λ_2 、 λ_3 为初级伸长率。

各橡胶材料的Yeoh模型参数如表1所示,它由 Kasaike轮胎公司提供。钢丝帘线选用线弹性模型, 钢丝帘线镶嵌于对应的橡胶材料中,在分析时选用 rebar单元,其参数如表2所示。

Tab. 1 Teon model parameters of rubber				
	Yeoh模型			
橡胶名称	$C_{10}/10^{5}{ m Pa}$	$C_{20}/10^{4}{ m Pa}$	$C_{ m 30}/10^4{ m Pa}$	$D_i(i=1,2,3)$
胎面橡胶	7	-6.71	9.55	≈0
胎侧橡胶	9.35	-1.90	18.4	≈ 0
胎圈檢応	0.26	-8.60	8 20	≈ 0

表 1 Yeoh 模型橡胶参数 Fab. 1 Yeoh model parameters of rubbe

在Abaqus软件建立纵向花纹轮胎有限元模型, 由于轮胎具有明显的对称性,可以通过二维模型旋转成三维模型,如图1所示。

二维模型的元素类型为CGAX4H、CGAX3H和

SFMGAX1, 三维模型的元素类型为C3D8H、 C3D6H和SFM3D4R,整个轮胎有限元模型单元数 为104828。

表2 钢丝帘线参数 Tab. 2 Parameters of steel cord 密度 弹性模 截面积 间距 夹角 结构 泊松比 /(kg• 量 /MPa /(°) $/mm^2$ /mm m^{-3}) 0°带束层 19.025 1.50 2.22 7 800 90 0.3 第1带束层 19.025 0.3 2.06 2.08 7 800 66 第2带束层 19 025 105 0.3 2.062.08 7 800 第3带束层 1.02 19 025 0.3 2.50 7 800 75 钢丝圈 1.5019 025 0.3 1.65 7 800 90 胎体钢丝 19 025 0.3 2.06 2.08 7 800 0



Fig. 1 Finite element model of tire

1.2 路面有限元模型

路面采用黏弹性沥青路面,由上面层(改性 SMA-13)、中面层(改性AC-20)、下面层(AC-25)、 基层(水泥稳定碎石)、底基层(石灰土)和土基组成。 沥青面层材料具有黏弹性,采用广义 Maxwell 模型来描述,其表达式如下:

$$E(t) = E_{e} + \sum_{i=1}^{m} E_{i} e^{-\left(\frac{t}{p_{i}}\right)}$$
 (3)

$$G(t) = E(t)/(2(1+\mu))$$
 (4)

$$g(t) = 1 - \sum_{i=1}^{N} g_i (1 - e^{-t/\tau_i})$$
 (5)

式中:E(t)为松弛模量; E_e 为平衡模量; E_i 为松弛强 度; P_i 为松弛时间;G(t)为剪切模量; μ 为泊松比; g(t)由瞬态剪切模量G(t)归一化得到; g_i 为常数; τ_i 为延迟时间;N为Prony级数的个数。

路面的面层材料为黏弹性,基层、底基层和土基 均为线弹性,路面结构各层参数如表3所示。

表3 路面结构参数^[11] Tab.3 Parameter of pavement structure^[11]

结构层	材料	厚度/ mm	动态模量/ MPa	泊松比	密度/ (kg•m ⁻³)
上面层	改性SMA-13	4	黏弹性	0.3	2 300
下面层	改性AC-20	6	黏弹性	0.3	2 300
中面层	AC-25	8	黏弹性	0.3	2 300
基层	水泥稳定碎石	40	1500	0.2	2 300
底基层	石灰土	20	0.45	0.3	2 100
土基	土		0.045	0.4	1 850

根据标准JTG E20—2011^[12],对各面层材料进 行动态模量试验以得到黏弹性参数^[13],获取不同温 度(4.4℃、15℃、20℃、40℃、54.5℃)和不同加载频 率(0.1、0.5、1、5、10、20 Hz)下的动态模量和相位 角,采用数值转换的方式将动态模量转换为松弛模 量,利用时温等效原理,对松弛模量进行Prony级数 的转换。表4给出了面层材料的Prony级数(参考温 度20℃)。

表 4 沥青面层材料的 Prony 级数(参考温度 20 ℃) Tab. 4 Prony series of asphalt surface material (reference temperature 20 ℃)

	g_i				
$ au_i$	改性SMA-13	改性AC-20	AC-25		
0.000 1	0.06505	0.051952	0.028045		
0.001	0.272 09	0. 222 824	0. 162 232		
0.01	0. 272 77	0.271 189	0.258214		
0.1	0. 193 23	0.216740	0.265 024		
1	0.10649	0.127760	0. 177 240		
10	0.049 89	0.061 263	0.074 611		
100	0.018 39	0.021408	0.021880		
1 000	0.007 89	0.009 682	0.004 920		
10 000	0.01393	0.016 890	0.007 655		
100 000	0.00026	0.000291	0.000178		

沥青路面的长度、宽度、深度分别为3、2、2m,其 中x轴为轮胎行驶方向(纵向),y轴为路面宽度方向 (横向),z轴为路面深度方向(纵向)。沥青路面在底 部被完全约束,在横向和纵向上被对称约束,沥青路 面层间接触完全连续,单元类型为C3D8R,单元数 为146 899。

1.3 轮胎--路面接触关系

根据轮胎与路面的实际接触情况,其接触状态设 置为面-面接触,接触面之间的相互作用主要分为法向 相互作用和切向相互作用两个部分。在轮胎-路面接 触模型中采用"硬接触"来定义法向相互作用。两个接 触面之间的距离为间隙,当间隙为零时认为两个面之 间发生了接触。"硬接触"意味着当两个接触面之间的 间隙为零时,接触压力变为零或负值时,相应节点上的 接触约束被解除;当接触面之间的间隙不为零时,两个 表面产生接触,进而产生接触压力,接触压力的大小没 有任何限制,并在相应的节点上施加接触约束。通常 采用罚函数来描述法向相互作用力,其表达式为

$$f_{\rm n} = \begin{cases} K_{\rm n}C & C \leqslant 0\\ 0 & C > 0 \end{cases} \tag{6}$$

式中:*f*_n为法向相互作用力;*K*_n为法向接触刚度;*C* 为接触节点相对于目标表面的间隙值。

切向相互作用在轮胎-路面接触模型中采用小 滑移中"SURFACE TO SURFACE"算法来定义, 该算法不仅考虑了胎面与路面之间微小的滑动状态,还提高了计算结果的精度。两个接触面之间的 相互摩擦模型采用库伦摩擦模型,其表达式为

$$f_{s} = \begin{cases} K_{\iota} \eta^{e}, 粘着接触\\ \mu f_{n}, 滑动接触 \end{cases}$$
(7)

式中: f_s 为切向相互作用力; K_t 为切向刚度; η^e 为接触 节点相对于目标表面的弹性变形; μ 为滑动摩擦系 数。根据建立的轮胎和路面有限元模型,采用ALE 法建立轮胎-路面接触模型,如图2所示。



图 2 轮胎-路面接触模型 Fig. 2 Tire-road contact model

在ALE方法中,轮胎稳态滚动接触被分解为轮胎的刚体运动和轮胎、路面的材料变形,其中轮胎的刚体运动采用Eulerian方法描述,轮胎与路面的材料变形采用Lagrange公式方法^[14]。

1.4 模型验证

为验证本文所构建的轮胎-路面接触模型的准确 性,根据文献[15]模型进行了验证。对比分析两个模 型静态接触时的垂向接触应力分布,结果如图3所示。 两个模型的最大接触应力相差1.34×10⁵Pa,误差在 10%以内,且整个接触区域内的应力分布基本一致, 均呈现中间较高,边缘较低的现象。因而本文所构建 的轮胎-路面接触模型准确,可用于后续分析计算。



图 3 模型验证结果 Fig. 3 Verification result of model

1923

ĿΝ

2 轮胎动载荷模型

2.1 轨道列车动力学模型

为获得虚拟轨道列车机动过程中的轮胎力,建 立了考虑车辆与道路相互作用的虚拟轨道列车动力 学模型^[16],该模型由三辆车组成,三辆车之间通过一 个具有刚度和阻尼的耦合器连接,每辆车都通过具 有刚度和阻尼的独立悬挂装置与相应的车轮相连, 采用魔术公式模型来描述橡胶车轮的动力响应。

2.2 设定轮胎工况

为了充分反映轮胎-路面相互作用对接触应力 的影响,根据建立的虚拟轨道列车动力学模型计算 了匀速和制动工况下的动态轮胎力。在分析轮胎-路面接触应力特征时,大部分研究普遍以静轮胎力 作为外轮胎力进行计算,而车辆在行驶过程中,由于 路面不平度使得车辆随机振动,此时的轮胎力是动 态变化的,与静轮胎力之间存在显著差异。为了得 到精准的接触应力特征,综合考虑运动过程中的动 态轮胎力,对列车在各个典型运行工况下的轮胎力 进行评估。

轮胎垂向轮胎力定义为

$$F_{\rm VDL} = F_{\rm vs} + \sigma_{F_{\rm vd}} \tag{8}$$

轮胎水平向轮胎力定义为

$$F_{\rm HDL} = F_{\rm hs} \pm \sigma_{F_{\rm fil}} \tag{9}$$

式(8)—(9)中: F_{VDL} 、 F_{HDL} 分别表示各轮胎垂直、水 平轮胎力; F_{vs} 、 F_{hs} 分别表示各轮胎垂直静轮胎力和 水平静轮胎力; σ_{Fa} 、 σ_{Fa} 分别表示各轮胎垂直动轮胎 力、水平动轮胎力的均方根值。

匀速工况时,运行条件设定如下:①车辆载荷为 30 kN;②轮胎胎压为900 kPa;③路面等级为b;④运 行速度为30 km·h⁻¹。计算后得到垂向轮胎力为 36.2 kN,纵向轮胎力为0.734 kN。

制动工况时,运行条件设定如下:①车辆载荷 为 30 kN;②轮胎胎压为 900 kPa;③路面等级为b; ④初速度为 30 km·h⁻¹,制动时的加速度为-1、-2、-3、-4 m·s⁻²。计算后的到垂向轮胎力和纵向轮 胎力如表5。

表 5 制动工况下的轮胎力 Tab. 5 Tire force under braking conditions

				IXI V
	加速度/(m•s ⁻²)			
	-1	-2	-3	-4
垂向	42.4	43.2	46.1	48.5
纵向	3.5	7.1	10.6	14.2

在制动工况下,在轮胎和地面之间都会发生相 对运动,在车轮运动中滑动成分所占的比例称为滑 移率,用s表示。其定义如下:

$$s = \frac{v - \omega r}{v} \times 100 \% \tag{10}$$

式中:v为车速;w表示车轮滚动角速度;r表示车轮 半径;wr表示车轮速度。

图4给出了轮胎在额定压强为900 kPa下,承受 30 kN的载荷以30 km·h⁻¹滚动时轮胎中心所受的力 与滑移率之间的关系。随着滑移率的增大,滚动角 速度逐渐增大,轮胎由制动状态转变为牵引状态,滑 移率为0时视为自由滚动(匀速工况)。



Fig. 4 Center force of tire

3 结果与分析

虚拟轨道列车在沥青路面上运行时,轮胎与路 面之间的接触应力特征对于分析交通安全、路面损 坏程度起着关键性作用。对接触应力的主要影响因 素与虚拟轨道列车的运行工况密切相关,即与轮胎 力密切相关。在本节内容中,将以轮胎与路面之间 的接触应力为研究对象,接触情况如图5所示,截取 轮胎与路面接触的区域,命名为花纹1-5,以轮胎圆 周方向为接触长度方向,以轮胎厚度方向为接触宽 度方向,分析匀速和制动运行工况下的接触应力特 征及滑移率和载荷对制动工况接触应力的影响因 素。由于这些因素对匀速工况和制动工况下的横向 接触应力影响均非常小,因此本文只研究垂向接触 应力和纵向接触应力。

3.1 典型工况

在匀速工况下,速度设置为30 km·h⁻¹,轮胎压 力设置为900 kPa,轮胎载荷设置为30 kN,接触应力 如图6所示。在匀速工况下,垂向应力沿长度方向



Fig. 5 Contact diagram

由中间向两侧减小,沿宽度方向各胎纹两侧集中,纵 向应力接近于0。

在制动工况下,将速度设置为30 km·h⁻¹,轮胎 压力设置为900 kPa,轮胎载荷设置为30 kN,由图4 可知在滑移率达到0.1时,纵向力已接近饱和,因此 将滑移率设置为0.1,接触应力如图7所示。





Fig. 6 Contact stress under uniform speed working condition





在制动工况下,最大垂向应力和最大纵向应力 均出现在花纹3处,并逐渐向两侧降低。由图6b和 图 7b 可以看出,制动工况的纵向接触应力远大于匀 速工况的纵向接触应力,制动工况的最大纵向应力 比匀速工况大约979 kPa。将匀速工况与制动工况 的垂向应力在接触长度与接触宽度上进行对比,结 果如图8所示。垂向应力大小在接触宽度方向上的 花纹1、花纹5与匀速工况基本一致,制动时花纹2-5 的垂向应力峰值增幅较大,最大垂向接触应力比匀 速工况增大约17.4 %;在接触长度方向上,制动时 的垂向应力峰值会沿速度方向向后偏移,并且应力 峰值增幅较大。

3.2 滑移率对制动工况的影响

为了分析滑移率对制动工况接触应力的影响, 在速度为30 km·h⁻¹时,将载荷设置为30 kN,胎压设 置为900 kPa,将滑移率分别设置为0.02和0.06,接 触应力如图9、图10所示。



图8 垂向应力的对比

Fig. 8 Comparison of vertical stresses



图9 滑移率为0.02时的接触应力

Fig. 9 Contact stress at a slip rate of 0.02



图 10 滑移率为 0.06 时的接触应力 Fig. 10 Contact stress at a slip rate of 0.06

将滑移率为0.02、0.06时的接触应力和制动工况的接触应力(图7)在接触长度和接触宽度方向上进行对比,对比结果如图11、图12。可以看出滑移

率对垂向应力的影响较小,但对纵向应力的影响显 著。当滑移率从0.02增大到0.06时,垂向应力变化 非常小,但纵向应力增幅大,最大纵向应力增大约 99.8%;当滑移率从0.06增大到0.1时,垂向应力 增幅较大,且主要增大在花纹2-4,最大垂向应力增 大约14.7%,同时,纵向应力在花纹2-4上也增大, 但增幅下降,最大纵向应力增大约14.7%。

3.3 载荷对制动工况的影响

为了分析载荷对制动工况接触应力的影响,在

速度为30 km·h⁻¹时以0.1的滑移率制动,将载荷分 别设置为40 kN和50 kN,胎压设置为900 kPa,接触 应力如图13、图14所示。将制动工况的接触应力 (图7)与载荷为40 kN和50 kN时的接触应力在接触 长度方向和接触宽度方向上进行对比,结果如图15、 图16所示。





图 12 不同滑移率下的纵向应力对比

Fig. 12 Comparison of longitudinal stresses at different slip rates



图 13 载荷为 40kN 时的接触应力 Fig. 13 Contact stress at a load of 40 kN

当载荷从30 kN增大到40 kN时,由于轮胎载荷 增大导致轮胎受压变形,轮胎边缘受力增大,最大垂 向应力和最大纵向应力分别下降约9.9 %和 9.8 %。当载荷从40 kN增大到50 kN时,最大垂向 应力和最大纵向应力出现在轮胎边缘,轮胎边缘的 最大垂向应力和最大纵向应力分别增大约98.1% 和98.8%,此时轮胎变形严重,对轮胎和路面的损 伤较大。





图 15 不同载荷下的垂向应力对比

Fig. 15 Comparison of vertical stress of braking under different loads





4 结论

为分析匀速、制动工况下轮胎与路面的接触应力, 基于ALE法建立了轮胎-黏弹性沥青路面接触模型, 将匀速工况与制动工况的接触应力进行对比,并分析 了滑移率和载荷对制动工况接触应力的影响,主要结 论如下:

(1)在匀速工况下,垂向应力沿长度方向由中间向 两侧减小,沿宽度方向各胎纹两侧集中,纵向应力接近 于0。在制动工况下,最大纵向应力比匀速工况增大约 979 kPa,增幅约841.7 %,最大垂向应力比匀速工况增加约17 %。说明在制动工况下,路面损伤更严重。

(2)滑移率对制动工况下的接触应力有显著的影响,随着滑移率的增大,垂向应力和纵向应力都会增大。 当滑移率从0.02增大到0.06时,最大垂向应力基本不 变,最大纵向应力增大约99.8%;当滑移率从0.06增 大到0.1时,最大垂向应力增大约14.7%,最大纵向应 力增大约14.7%。因而在行驶时应尽量避免制动,尤 其是紧急制动。

(3)载荷对制动工况接触应力的影响主要体现在

轮胎边缘。当载荷由30kN增大到40kN时,由于轮胎 边缘受力增大,各个花纹的接触应力趋于平均,此时较 为理想;当载荷由40kN增大到50kN时,轮胎边缘的 最大垂向应力和最大纵向应力分别增大约98.1%和 98.8%,对轮胎和路面造成较大损伤。因此,列车载 荷要在合理的区间内,以减小对道路的破坏。

作者贡献声明:

张济民:设定研究内容,指导论文撰写与修改。 王金杰:模型构建,分析计算,论文撰写与修改。 王承萍:方程推导,模型构建,论文撰写与修改。 周和超:设定研究内容,论文修改。 孙丽霞:文献综述,模型构建,论文修改。

参考文献:

- HE H Q, LI R, YANG Q H, et al. Analysis of the tire-pavement contact stress characteristics during vehicle maneuvering[J]. KSCE Journal of Civil Engineering, 2021, 25: 2451.
- [2] 刘庆纲,魏旭明,郭昊,等.轮胎--路面接触应力的多变量耦合 分析[J].橡胶工业,2023,70(3):225.
 LIU Qinggang, WEI Xuming, GUO Hao, *et al.* Multivariate coupling analysis of tire-road contact stresses[J]. Rubber Industry, 2023,70(3):225.
- [3] 杨轸,唐磊.轮胎-刚性路面接触作用仿真分析[J].中国科技论 文在线精品论文,2021,14(1):93.
 YANG Zhen, TANG Lei. Simulation analysis of contact action between tire and rigid pavement[J]. China Science and Technology
- Paper Online Excellence Paper, 2021, 14(1): 93.
 [4] 蒋余静,张海军,谢军.移动三向非均布接触应力条件下沥青路 面结构响应分析[J].公路, 2023, 68(2): 61.
 JIANG Yujing, ZHANG Haijun, XIE Jun. Analysis of structural response of asphalt pavement under mobile three-way nonhomogeneous contact stress conditions[J]. Highway, 2023, 68 (2): 61.
- [5] 王承萍,张济民,周和超,等.虚拟轨道列车作用下黏弹性路面
 响应及变形分析[J].同济大学学报(自然科学版),2021,49
 (1):60.

WANG Chengping, ZHANG Jimin, ZHOU Hechao, *et al.* Dynamic response and permanent deformation analysis of asphalt pavement under the virtual rail train [J]. Journal of Tongji University (Natural Science), 2021, 49(1): 60.

- [6] TIELKING J T, ABRAHAM M A. Measurement of truck tire footprint pressures [J]. Transportation Research Record Journal of the Transportation Research Board, 1994, 1435:92.
- [7] CHEN B, ZHANG X N, YU J M, et al. Impact of contact stress

distribution on skid resistance of asphalt pavements [J]. Construction and Building Materials, 2017, 133: 330.

- [8] WUCY, WANGH, ZHAOJN, et al. Prediction of viscoelastic pavement responses under moving load and nonuniform tire contact stresses using 2.5-D finite element method [J]. Mathematical Problems in Engineering, 2020(2020): 1.
- [9] DONG Z J, MA X Y. Analytical solutions of asphalt pavement responses under moving loads with arbitrary non-uniform tire contact pressure and irregular tire imprint[J]. Road Materials and Pavement Design, 2018, 19(8): 1887.
- [10] 中华人民共和国国家质量监督检验检疫总局.载重汽车轮胎规 格、尺寸、气压与负荷:GB/T 2977—2016[S].北京:中国质检 出版社,2016.
 General Administration of Quality Supervision, Inspection and

Quarantine of the People's Republic of China. Truck tire specifications, size, air pressure and load: GB/T 2977—2016[S]. Beijing: China Quality Inspection Press, 2016.

- [11] 廖公云,黄晓明. ABAQUS有限元软件在道路工程中的应用[M].
 南京:东南大学出版社,2008.
 LIAO Gongyun, HUANG Xiaoming. Application of ABAQUS
 finite element software in road engineering [M]. Nanjing:
 Southeast University Press, 2008.
- [12] 交通运输部公路科学研究院.公路工程沥青及沥青混合料试验规程:JTG E20—2011[S].北京:人民交通出版社,2011.
 Institute of Highway Science, Ministry of Transportation and Communications. Standard test methods of bitumen and bituminous mixtures for highway engineering: JTG E20—2011
 [S]. Beijing: People's Transportation Press, 2011.
- [13] 尤远见.沥青混合料动态模量的研究[D].济南:山东建筑大学, 2017.

YOU Yanjian. Study of dynamic modulus of asphalt mixes[D]. Jinan: Shandong University of Construction, 2017.

- [14] ZREID I, BEHNKE R, KALISKE M. ALE formulation for thermomechanical inelastic material models applied to tire forming and curing simulations[J]. Computational Mechanics, 2021, 67: 1543.
- [15] YANG J, WANG G L, WAN Z J, *et al.* Non-natural equilibrium contour design for radial tire and its influence on tire performance
 [J]. International Journal of Automotive Technology, 2016, 17 (4): 639.
- [16] 王承萍,张济民,周和超,等.全行驶状态下虚拟轨道列车的动载及道路友好特性[J].同济大学学报(自然科学版),2022,50 (6):871.

WANG Chengping, ZHANG Jimin, ZHOU Hechao, *et al.* Dynamic load and road friendly characteristics of virtual track train in full running state[J]. Journal of Tongji University (Natural Science), 2022, 50(6): 871.