文章编号: 0253-374X(2023)09-1442-08

轨道车辆运行平稳性评价算法一致性分析

张展飞,周劲松,孙文静,宫 岛,王腾飞 (同济大学铁道与城市轨道交通研究院,上海 201804)

摘要: 国内外轨道车辆运行时振动相关舒适性评价基于 ISO2631-1、UIC513以及GB/T 5599标准,其中我国广泛采用 的GB/T 5599-2019规范中的Sperling指标算法,将采样时间 由1985版本的18~20s缩短为与UIC513标准相同的5s,引起 相同测试数据的平稳性指标结果增大的问题。分析上述三种 运行平稳性及舒适性指标算法,通过车辆线路实测数据与仿真 数据相结合,研究不同算法关于采样时间长度的指标一致性及 其机理,采用频率分辨率量化了非平方加权谱由于时频能量转 换不对应导致的指标结果不稳定现象,基于此提出相应的平稳 性指标一致性修正算法。结果表明:ISO2631-1与UIC513标 准算法基于振动数据时频域转换的能量对应性,其计算结果与 采样时间长度不相关,而GB/T 5599中采用的频域立方值算法 因不满足能量一致性原则,在栅栏效应和能量泄露的影响下, 缩短采样时间使得加速度频谱幅值增大,进而引起运行平稳性 指标增大。提出的基于统一频率分辨率的平稳性指标一致性 修正算法,并经动力学仿真数据验证有效,这为完善轨道车辆 动力学分析与测试中振动舒适性的相关算法与评估限值制定 提供理论依据。

关键词: 轨道车辆;运行平稳性;频率分辨率;Sperling指标; 指标一致性

中图分类号: U270.1 文献标志码: A

Analysis of Consistency of Ride Quality Evaluation Algorithm for Railway Vehicles

ZHANG Zhanfei, ZHOU Jinsong, SUN Wenjing, GONG Dao, WANG Tengfei

(Institute of Rail Transit, Tongji University, Shanghai 201804, China)

Abstract: The evaluation of ride comfort of railway vehicles related to vibration is mainly based on the standard of ISO 2631-1, UIC 513 and GB/T 5599. Among

them, the Sperling index algorithm in the GB/T 5599-2019 specification widely used in China shortens the sampling time from 18 - 20 s in the 1985 version to 5 s, the same as the UIC513 standard, which results in an increase in the index result from the same test data. The algorithms of the three standards for ride quality or ride comfort were analyzed with the measured data and the simulation data to study the index consistency about the sampling time and the mechanism. Then the frequency resolution was used to quantify the instability of the index results caused by the weighted spectrum with non-square value due to the mismatch of time-frequency energy conversion. Based on this, the corresponding correction algorithm of ride quality consistency is proposed. The results show that the algorithms in the standards ISO 2631-1 and UIC 513 are based on the energy correspondence of time-frequency domain conversion of vibration data, whose ride comfort results are not related to the sampling time length. However, the cube value algorithm in the frequency domain adopted in GB/T 5599 does not meet the energy consistency principle. With the influence of the fence effect and energy leakage, shortening the sampling time increases the amplitude of the acceleration spectrum, which leads to an increase in the ride quality index in turn. The consistency correction algorithm of ride quality index based on the unified frequency resolution proposed in this paper was validated by the dynamic simulation data, providing a theoretical basis for improving the vibration comfort related algorithms and evaluation limits in vehicle dynamics analysis and testing.

Key words: railway vehicle; ride quality; frequency resolution; Sperling index; index consistence

由于轨道不平顺与轮对失圆等激励的存在,轨

收稿日期: 2022-04-02

基金项目:上海市青年科技英才扬帆计划(20YF1451100),上海市自然科学基金(21ZR1467100)

第一作者:张展飞(1997—),男,博士生,主要研究方向为铁道车辆系统动力学与控制。 E-mail: RW19T554573@163.com

通信作者:孙文静(1989—),女,助理教授,硕士生导师,工学博士,主要研究方向为轨道交通振动与噪声。 E-mail: sunwenjing@tongji.edu.cn

道车辆在运行时总会伴随着振动,导致诸如结构疲 劳、噪声与轮轨异常磨耗等问题[1-2]。对于客运列车 而言,基于车体加速度是评价车辆运行平稳性或人 体振动舒适性的主要方法[36],考虑到人体对不同频 率振动的敏感程度,对实测加速度进行频域加权后 获得[7],其中ISO 2631-1^[8]采用时域加速度的计权均 方根评价人体振动舒适性,对采样时间未有明确要 求。在此基础上,国际铁路联盟提出了UIC 513标 准^[9],采用三向计权加速度均方根进行评定,并且规 定每段数据采样时间为5s,同时提出了以50%或 95 % 的置信点作为最终评价值。Helberg 与 Sperling 在进行了大量试验后提出了 Sperling 运行 平稳性指标算法[10-11],该算法忽略了纵向振动,分别 计算与评价横向与垂向的平稳性指标,在我国广泛 应用[12-13]。该指标可通过时域与频域计算,在算法 上又分为均方法与立方法^[14], Deng^[15]通过仿真数据 分析得到均方频域算法与均方时域算法是等效的, 而立方频域算法在采样时间变化时,得到的评价指 标结果不同。Sperling运行平稳性指标的均方时域 算法或均方频域算法应用较少,而我国轨道车辆动 力学试验标准GB/T 5599^[12-13]目前采用的正是立方 频域算法。在旧标准GB/T 5599—1985中,规定采 样时间为18~20 s, 而在2020年7月生效的新标准 GB/T 5599—2019中,为了与UIC513标准采样时间 相同等原因,将采样时间缩短为5s。近期研究表明 根据运行平稳性算法,随着车辆振动采样时间越短, 计算出的指标更大。姜威等[16]采用两个版本标准计 算了相同加速度的平稳性指标,发现新标准得到的 指标峰值与均值均比1985版本大。戴源廷等[17]使 用GB/T 5599标准评价非稳态冲击,结果表明采用 2s计算的指标整体上远高于采用20s计算的指标结 果。戴焕云^[18]分析了GB/T 5599标准与原始 Sperling算法中加速度加权曲线的差异,发现平稳性 指标不能由加权加速度直接换算,但并未涉及采样 时间的影响。在GB/T 5599—2019这一新标准颁 布后,由于采样时间减小而引起平稳性指标增大的 现象引起关注。依据GB/T 14849—2005^[19]标准要 求,地铁车辆型式试验的运行平稳性指标应低于 2.5,同样列车振动数据依据1985版本标准评价为 合格,然而根据2019标准要求,则难以达标。 Jiang^[20]将ISO2631-1、UIC513以及GB/T 5599评价 方法进行分析比较,但并未分析采样时间导致平稳 性指标差异性的机理。

本文基于某地铁车辆振动测试结果,对比国内

外各种振动平稳性与舒适性评价指标算法与判定标准,基于信号频谱转换的时频能量对应性原理分析 立方频域算法关于采样时间的不一致性的产生机 理,并提出基于统一频率分辨率的等效运行平稳性 指标修正算法,建立整车仿真模型计算车体振动加 速度,验证一致性修正平稳性算法的有效性。

1 车辆平稳性指标测试评价方法

1.1 轨道车辆平稳性测试评价算法对比

如上节所述,轨道车辆振动舒适性可采用ISO 2631-1^[8]人体振动舒适性评价指标算法来进行评价, 其计算公式如式(1)所示:

$$a_{\rm v} = \sqrt{k_x^2 a_{\rm wx}^2 + k_y^2 a_{\rm wy}^2 + k_z^2 a_{\rm wz}^2} \tag{1}$$

式中: a_{wx}, a_{wy}, a_{wz} 分别为纵向、横向、垂向的加权加速 度均方根值; k_x, k_y, k_z 分别为三个方向的加权系数,评 价站立舒适度时均为1。

而 UIC 513 标准^[9]中的乘坐舒适性指标算法的 计算公式,如式(2)所示:

$$N_{\rm MV} = 6 \sqrt{\left(a_{\rm XP95}^{\rm W_d}\right)^2 + \left(a_{\rm YP95}^{\rm W_d}\right)^2 + \left(a_{\rm ZP95}^{\rm W_d}\right)^2} \quad (2)$$

式中:a^w_{xP95}, a^w_{yP95}, a^w_{zP95}是95%置信度下的三向加权 加速度均方根值。

我国 GB/T 5599 标准^[12-13]中规定的 Sperling 指标计算方法为

$$\begin{cases} W_{i} = 3.57 \sqrt[10]{\frac{a_{i}^{3}}{f_{i}}} F(f_{i}) \\ W = \left(\sum_{i} W_{i}^{10}\right)^{0.1} \end{cases}$$
(3)

式中: f_i 为频率,Hz; a_i 为 f_i 频率处的加速度幅值,m·s⁻²; $F(f_i)$ 为频率 f_i 的加权函数。

将式(1)、式(2)与式(3)比较可知,ISO2631-1与 UIC513标准计算时采用的是时域振动加速度的平 方项,称为均方时域算法,而GB/T 5599标准计算采 用的是其频域立方项,称为立方频域算法。对比分 析上述轨道车辆运行平稳性与舒适性指标的频率加 权函数^[8-9,12-13],其中GB/T 5599加权函数定义为与 其余两指标相似的对于每个 a_i 的加权函数,为 $(F(f_i)/f_i)^{1/3}$,结果如图1所示。

由于上述车辆振动舒适性与平稳性评价判定标准 也不相同,具体如表1所示,因此无法根据加权曲线在 同一频率处的值对比三种算法,但仍可分析三种算法 的频率敏感性。由图可见,三种评价指标的频域加权 曲线各不相同,针对横向振动,ISO2631-1和UIC 513 主要考虑1Hz附近的低频振动,GB/T 5599的加权函 数峰值则在较高频的5.4Hz;针对垂向振动,三种的加 权峰值相近,均为6Hz左右,但ISO2631-1和UIC 513 在峰值频率之后的加权系数要大于GB/T 5599,而后 者对于0.5~6Hz间频段的加权系数明显大于前者。



图1 各平稳性算法的频域加权函数

Fig. 1 Weighting function of ride quality algorithms

オ	₹I	各半稳性与舒适性鼻法的评价判定标准
Гаb. 1	Eva	quation criteria of ride quality algorithms

$a_{\rm v}/({ m m}{ m s}^{-2})$	ISO 2631-1	$N_{ m MV}/(m m \cdot s^{-2})$	UIC 513	Sperling 指标 W	GB/T 5599
< 0.315	没有不舒适	<1	很好的舒适性	<2.50	优
0.315~0.63	稍有不舒适	$1 \sim 2$	好的舒适性	2.50~2.75	良
0.5~1.0	相当不舒适	2~4	一般的舒适性	2.75~3.00	合格
0.8~1.6	不舒适	$4 \sim 5$	差的舒适性	>3.00	不合格
1.25~2.5	非常不舒适	>5	很差的舒适性		
>2	极端不舒适				

1.2 基于实测数据的各算法指标分析

对某地铁车辆进行运行平稳性测试,测试时据GB/ T 5599标准要求,将加速度传感器安置于车辆前、后转 向架上方偏移车体横向中心线1m处地板上。传感器 量程为5g,采样频率设置为2560Hz,以车辆运行在 4个站台间不同方向的车体振动测试为例,在运行时车 体的垂向与横向振动加速度较大,纵向振动加速度较 小,因而运行平稳性指标针对横向与垂向进行评价。

基于上述三个典型区间的实测加速度数据,依据标准分别计算各项平稳性与舒适性指标,如图2所示, 计算分析区间内各指标平均值和最大值统计分别如表 2所示。其中GB/T 5599依据标准分别采用采样时间 5 s和20 s进行分析,ISO 2631-1和UIC 513标准亦采 用同样的两种采样时间作为对比。

由图2可知,以ISO 2631-1标准进行平稳性评估时,所有指标均为最优级别,以UIC 513指标进行评估时,结果为好的舒适性,但是依据GB/T5599标准的1985版本与2019版本进行评估时,则出现了不同的结果。 GB/T 5599—2019标准的全程指标计算结果平均高于其1985标准,在1985标准体系下,车辆运行平稳性全程为优,但在新标准体系下,车辆运行至区间中部时横



表2 车辆平稳性指标分析结果平均值比较 Tab.2 Comparison of mean value of ride quality indexes

	ISO指标	UIC指标	GB/T 5599 横向	GB/T 5599 垂向
T=5 s	0.141	0.644	1.80	1.60
<i>T</i> =20 s	0.141	0.646	1.71	1.51
相对差值/%	0.28	0.31	5.39	5.60

向平稳性仅为良,甚至出现超过2.75的评价结果,此时已超过GB14849—2006标准对地铁车辆的2.5限值要求。

由表2可知,采样时间为5s时,ISO 2631-1和UIC 513虽指标离散程度更大,但仍是围绕采样时间为20 s的指标曲线波动,指标平均值保持稳定。考虑到轨道 条件的随机性,较短采样时间算得的指标具有更强的 离散性是正常的。而GB/T 5599分析中,更短的采样 时间除指标离散程度不同外,还导致了指标整体偏大 不合理现象,平稳性指标用于评价车体振动强度,应与 采样时间无关。针对该新旧指标关于采样时间的结果 不一致现象,下章将对不一致性的产生机理进行探究, 并在第3章进一步提出相应的修正算法以解决该问题。

2 平稳性指标算法关于采样时间差异 性分析

2.1 采样时间对运行平稳性指标影响

首先,建立轨道车辆动力学模型,通过仿真得到 平稳的时域加速度数据用于平稳性指标分析,分别 选取2.5~25s作为不同的采样时间分析段,图3a、 图3b与图3c所示分别为车体振动加速度时域结果、 不同采样时间下的车体横向振动加速度频谱与功率 谱密度。

由图3可见,不同采样时间下相应的采样间隔 频率也不同,其频谱图幅值随着采样时间与采样间 隔频率的变化而变化,而功率谱密度函数代表车辆 的振动能量,保持不变。

基于图3中所示的数据,分别计算不同平稳性 指标与采样时间的关系,其中各Sperling运行平稳性 指标取横向结果,如图4所示。

由图4可知,ISO指标、UIC指标对不同采样时 间获得的评价指标均具有较好的一致性,计算结果 不随着采样时间变化而变化,但GB/T 5599^[12-13]中 采用的立方频域算法则随着采样时间增大而减小, 相同振动能量下该算法对于不同采样时间获得的评 价指标是不一致的。



图3 车体振动加速度频域分析结果

Fig. 3 Spectrum analysis of carbody acceleration



图4 不同采样时间下的各评价指标比较

Fig. 4 Comparison of ride quality indexes of different sampling times

2.2 平稳性算法评价结果差异性机理分析

平稳性试验中,加速度信号由数据采集卡转换 为数字信号后由计算机存储,而后通过傅里叶变换 转换至频域,进行平稳性指标分析。由于测试获得 的为有限离散点数据,进行离散傅里叶变换进行信 号处理时,频率分辨率Δ/可表示为

$$\Delta f = \frac{F_s}{N} = \frac{1}{T} \tag{4}$$

其中: F_s 为采样频率;N为采样总点数;T为采样时间, $N = T \cdot F_s$ 。

由式(4),离散傅里叶变换中,谱线将仅出现在 频率分辨率 Δf 的整数倍上,即栅栏效应,未在 Δf 整 数倍上的谱线则会按照能量不变的原则被分配到相 近的△f整数倍位置上,产生能量泄露^[21]。图5是栅 栏效应和能量泄露对于周期信号的一个清晰示例, 时域信号采样频率为100 Hz,当采样点数选取为 700,采样时间长度是信号周期的整数倍,时频变换 后,加速度幅值仅出现在1Hz处。而当采样截止点 不位于整数倍周期时,峰值频率发生偏移,且在相邻 的频率处均有幅值,出现了能量泄露现象。此时,各 个频率处的谱线幅值均方和仍为1,该现象可用式 (5)所示的Parseval定理证明,但其立方和将随着采 样时间发生变化。轨道车辆车体的振动加速度是连 续的随机信号,因此它的频谱应当是连续的,采样时 间不可能同时为各连续频率的整数倍,因此总会存 在栅栏效应和能量泄露。





Fig. 5 Fence effect and energy leakage of time-frequency transformation

根据Parseval定理^[7],同一平稳随机信号的时域 能量应当等于频域能量,即:

$$\frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} |x(n)|^{2} = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} \frac{1}{N} |X(k)|^{2}$$

$$= \sum_{k=0}^{N-1} \left(\frac{1}{N} |X(k)|\right)^{2} = \sum_{k=0}^{N-1} |A(k)|^{2}$$
(5)

式中:*x*(*n*)为长度为*N*的离散时域序列;*X*(*k*)为*x*(*n*)的FFT(快速傅里叶变换)结果;*A*(*k*)为对应的幅值谱。

式(5)的左端项为序列的均方值E(x²(n)),对于 一个平稳随机过程,E(x²(n))不随采样时间而变化, 式(5)右端项为各谱线值的平方和,也是稳定的,如 图5所示,这解释了无论采样时间长度如何变化,所 有基于均方算法的指标都是稳定的,如ISO 2631-1 和UIC 513 中规定的平稳性算法,因为计算得到的 指标与车体振动的功率谱密度有严格的对应关系, 而平稳随机信号的功率谱密度是不随采样时间长度 而改变的,不受栅栏效应的影响。然而,如图5所 示,各采样时间长度得到谱线的立方和却是不稳定 的,因为谱线立方和与信号的功率谱密度并未有对 应关系,因此受到栅栏效应的影响,GB/T 5599中立 方频域算法结果会随着采样时间的变化而变化。

3 基于统一频率分辨率的运行平稳性 指标修正算法

立方频域算法不稳定的主要原因是平稳性指标 与振动能量谱密度没有对应关系,即指标不满足能 量一致性原则,导致指标受到栅栏效应的影响。而 不同采样时间下的频率分辨率不同,导致栅栏效应 和能量泄露现象对于信号中任意频率成分的影响强 度均不同。虽然栅栏效应和能量泄露现象无法避 免,但是仍可以选择固定的"栅栏"位置,使得对于任 意采样时间的数据,其中相同频率成分受到栅栏效 应影响强度相同。为使频率分辨率固定为Δf₀,需要 固定时域序列的总时间为

$$\Delta f_0 = \frac{F_s}{N_0} = \frac{1}{T_0} \tag{6}$$

一旦参考时间长度 T。确定,则频率分辨率即确 定。对于采样时间大于参考时间长度的实测数据, 可使用滑动平均的方式,将实测数据划分为多段进 行运行平稳性指标计算后平均,且每段数据的长度 T,都应与参考时间长度 T。相等。

实际测试中,往往会遇到的情况更多是采样时间不足,为不引入新的能量且不改变能量频域分布,使用末尾补零方法使时域序列达到参考时间长度 *T*₀。补零后的序列,在时域上总能量与原始序列相 同,但时间长度被扩大为 T_0/T 倍,为保证其时域均 方值不变,应当在补零之后再对其进行缩放,缩放因 子为 $\sqrt{T_0/T}$ 时,等效序列与原始序列拥有同样的均 方值,定义新序列为 $x^*(n)$,则有:

$$x^{*}(n) = \begin{cases} \sqrt{N_0/N} \cdot x(n), & n \leq N \\ 0, & N < n < N_0 \end{cases}$$
(7)

x*(n)的时域均方值为

$$\frac{1}{N_0} \sum_{n=0}^{N_0-1} \bigl| x^*(n) \, \bigr|^2$$

$$= \frac{1}{N_0} \left(\sum_{n=0}^{N-1} \left| \sqrt{N_0/N} \cdot x(n) \right|^2 + \sum_{n=N}^{N_0-1} |0|^2 \right)$$
$$= \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} |x(n)|^2$$
(8)

因此,等效序列*x*^{*}(*n*)在时域上的均方值与原序 列*x*(*n*)相同,即补零后缩放不改变原序列的能量密 度。此外,窗函数可以减少能量泄露^[7],以Hanning 窗为例,使用仿真结果对比两种算法在不同采样长 度处截取后的幅值谱平方和与立方和变化规律,如 图6所示。



图 6 不同采样时间的谱线幂方和 Fig. 6 Power sum of spectrum of different sampling times

其中,使用Hanning窗修正时有功率相等恢复 系数1.633^[7],使用补0缩放算法时,统一修正至*T*。= 100 s的参考时间长度,当信号长度大于参考长度 时,则使用滑动平均的方式分别计算各段的频谱幂 方和并取平均值。

由图6a,直接截取、窗函数修正算法和补0缩放修 正算法的谱线平方和∑(A²(k))都是一致的。由图7b, 仅有补0缩放算法的谱线立方和∑(A³(k))具有一致性, 窗函数修正算法和直接截取的计算结果呈现相同的单 调递减结果。因此,针对栅栏效应和能量泄露现象导 致的幅值谱立方和不稳定的现象,使用窗函数修正是 无效的,而补0缩放算法修正是有效的。

将各实测数据的长度均调整至参考时间长度*T*。 后,即可计算等效Sperling指标*W*,该指标不随采样 时间变化而变化,计算流程如图7所示。

通过运行平稳性指标一致性修正算法,新旧版GB/ T 5599 被统一,且两标准中的指标可通过选择参考时 间长度 T₀为5s或18~20s相互转换。修正算法还适 用于非标准采样时间的平稳性评估,甚至是短于5s的 采样时间,以便反映非稳态冲击的影响。





4 平稳性指标一致性修正算法验证

为验证运行平稳性一致性算法的有效性,使用 原算法与修正算法分别对仿真数据进行评估,运用 修正算法时,参考时间长度T。取20s,计算结果如图 8所示。由图可见,原立方频域算法的采样时间由 2.5s增加至25s时,指标由2.62下降至2.35,呈现 出明显的单调递减趋势,而修正算法计算结果随采 样时间变化基本保持一致,验证了该修正算法的有 效性。





采样时间为5s与20s时,以及采样时间为5s 时基于能量一致等效修正算法下的频谱(T_0 =20s), 如图9所示。由图可见,5s采样时间的幅值相比于 20s的幅值在各频率处更大。当采用修正算法计算 5s采样时间的等效频谱后,使得谱线数量增加,频 谱曲线与20s采样时间的计算结果基本重合。采用 该修正算法后,即使采样时间*T*即频率分辨率 Δf 改 变时,立方和 $\Sigma(A^{3}(k))$ 也仍然保持一致性。



图 9 不同采样时间下的频谱与等效修正算法频谱 Fig. 9 Spectrum and correction spectrum of different sampling times

修正算法可将不同采样时间的运行平稳性指标 全部修正至设定的参考时间长度下的指标,避免采 样时间越长平稳性指标越低,采样时间越短平稳性 指标越大这一不合理的现象,并以相同的限值进行 评价。

5 结论

(1)ISO2631-1与UIC513标准的振动舒适性算法 评价结果与采样时间无关,但基于频域立方算法的 Sperling运行平稳性指标的GB/T 5599标准的计算结 果,却随着采样时间的变化而变化,新版2019标准中 规定将采样时间由18~20s缩短到5s,导致其平稳性 指标结果较1985旧版标准的评价结果增大,常发生超 出标准要求的情况;

(2)GB/T 5599标准中立方频域算法得到的平稳 性指标评价结果关于采样时间的不一致性,是由于频 谱幅值的立方和与平稳随机信号的能量密度没有保持 一致,受到栅栏效应和能量泄露现象的影响,采样时间 越长算得的指标越小。而基于均方算法的ISO2631-1 与UIC513标准,根据Parseval定理,计算结果保持对 采样时间的一致性;

(3)通过选取固定参考时间,提出基于统一频率分 辨率的Sperling运行平稳性指标一致性修正算法,使得 采样数据的频谱不随采样时间变化而变化,可消除立 方算法的平稳性指标由于采样时间引起的差异;

(4)测试时可根据现场条件采样,然后分析时再选 定参考时间长度,该方法同时可用于更短时的非稳态 冲击影响。本文分析了GB/T 5599标准中采样时间长 度不一致导致指标不一致的机理,为该标准的延续和 改进提供了理论基础。

作者贡献声明:

张展飞,文献查阅,算法研究,软件操作,试验分析,数据 采集,论文撰写与修改。

孙文静,基金资助,理论指导,验证分析,论文审阅与 修改。

周劲松,理论指导,论文审阅与修改。 宫岛,试验指导。 王腾飞,试验分析,数据获取与处理。

参考文献:

- [1] SUN W, THOMPSON D, ZHOU J. The influence of vehicle track dynamic coupling on the fatigue failure of coil springs within the primary suspension of metro vehicles [J]. Vehicle System Dynamics, 2020, 58(11): 1694.
- [2] XIE G, IWNICKI S D. A rail roughness growth model for a wheelset with non-steady, non-Hertzian contact [J]. Vehicle System Dynamics, 2010, 48(10): 1135.
- [3] 肖乾,罗佳文,周生通,等.考虑弹性车体的轨道车辆转向架悬挂
 参数多目标优化设计[J].中国铁道科学,2021,42(2):125.
 XIAO Qian, LUO Jiawen, ZHOU Shengtong, et al.

Multiobjective optimization design for suspension parameters of rail vehicle bogie considering elastic carbody [J]. China Railway Science, 2021, 42(2): 125.

- [4] 周劲松,张伟,孙文静,等.铁道车辆弹性车体动力吸振器减振分析[J].中国铁道科学,2009,30(3):86.
 ZHOU Jingsong, ZHANG Wei, SUN Wenjing, *et al.* Vibration reduction analysis of the dynamic vibration absorber on the flexible carbody of railway vehicles[J]. China Railway Science, 2009, 30 (3):86.
- [5] 宫岛,周劲松,孙文静,等.铁道车辆弹性车体垂向运行平稳性 最优控制[J].同济大学学报(自然科学版),2011,39(3):416. GONG Dao, ZHOU Jingsong, SUN Wenjing, et al. Vertical ride quality of flexible car body railway vehicles with optimal control[J]. Journal of Tongji University (Natural Science), 2011, 39(3):416.
- ZHOU J, GOODALL R, REN L, *et al.* Influences of car body vertical flexibility on ride quality of passenger railway vehicles[J].
 Proceeding of the Institution of Mechanical Engineers. Part F: Journal of Rail and Rapid Transit, 2009,223(5):461.
- [7] 周劲松.轨道车辆振动与控制[M].上海:复旦大学出版社,2020.
 ZHOU Jingsong. Vibration and control on railway vehicles[M].
 Shanghai: Fudan University Press, 2020.
- [8] International Organization for Standardization. Evaluation of human exposure to whole-body vibration—part I. General requirements: ISO 2631-1: 1997 [S]. [S. l.]: International Organization for Standardization, 1997.
- [9] International Union of Railways. Guidelines for evaluating passenger comfort in relation to vibration in railway vehicles: UIC 513R—1994[S].[S.I.]:International Union of Railways, 1994.
- [10] SPERLING E. Verfahren zur beurteilung der laufeigenschafen von eisenbahnwesen [J]. Organ Fortschritte des Eisenbahnwesens, 1941, 12: 176.
- [11] SPERLING E, BETZHOLD C. Beitrag zur beurteilung des fahrkomforts in scheinenfahrzeugen [J]. Glasers Ann, 1956, 80:314.
- [12] 国家铁路局.铁道车辆动力学性能评定和试验鉴定规范:GB/T 5599—1985[S].北京:中国标准出版社,1985.
 National Railway Administration of the People's Republic of China. Railway vehicles-specification for evaluation the dynamic performance and accreditation test: GB/T 5599—1985[S].
 Beijing: Standards Press of China, 1985.
- [13] 国家铁路局. 机车车辆动力学性能评定及试验规范: GB/T 5599

-2019[S]. 北京: 中国标准出版社, 2019.

National Railway Administration of the People's Republic of China. Specification for dynamic performance assessment and testing verification of rolling stock: GB/T 5599—2019 [S]. Beijing: Standards Press of China, 2019.

- [14] GARG V K. Dynamics of railway vehicle systems[M]. New York: Academic Press, 1984.
- [15] DENG C, ZHOU J, THOMPSON D, et al. Analysis of the consistency of the Sperling index for rail vehicles based on different algorithms[J]. Vehicle System Dynamics, 2021, 59(2): 313.
- [16] 姜威,冯程程,田凯.不同计算时间下的平稳性指标对比研究[J]. 现代商贸工业,2020,41(24):154.
 JIANG Wei, FENG Chengcheng, TIAN Kai, Comparative study on stationarity index under different calculation time[J]. Modern Business Trade Industry, 2020,41(24):154.
- [17] 戴源廷,王文斌.城市轨道交通车辆运行平稳性评价方法的探 讨[C]//第四届全国智慧城市与轨道交通学术会议暨轨道交通 学组年会论文集.北京:中央民族大学出版社,2017:23-27. DAI Yuanting, WANG Wenbin, Discussion on evaluation method of running stability of urban rail transit vehicles[C]// The 4th National Smart City and Rail Transit Academic Conference and Annual Meeting of Rail Transit Group. Beijing: China Minzu University Press, 2017: 23-27.
- [18] 戴焕云.平稳性指标 W和加权加速度A_w不能相互换算的分析
 [J]. 铁道技术监督, 2008. 263(9):1.
 DAI Huanyun. Analysis of stability index W and weighted acceleration index A_w could not be converted mutually[J]. Railway Quality Control, 2008. 263(9):1.
- [19] 住房和城乡建设部.城市轨道交通车辆组装后的检查与试验规则:GB/T 14894—2005[S].北京:中国标准出版社,2005.
 Ministry of Housing and Urban-Rural Development of the People's Republic of China. Rules for inspecting and testing of urban rail transit vehicles after completion of construction:GB/T 14894—2005[S]. Beijing: Standards Press of China, 2005.
- [20] JIANG Y, CHEN B K, THOMPSON C. A comparison study of ride comfort indices between sperling's method and EN 12299[J]. International Journal of Rail Transportation, 2019, 7(4): 279.
- [21] 丁康,谢明,杨志坚. 离散频谱分析校正理论与技术[M]. 北京: 科学出版社, 2008.
 DING Kang, XIE Ming, YANG Zhijian. Theory and technology of discrete spectrum correction[M]. Beijing: Science Press, 2008.