文章编号: 0253-374X(2024)S1-0296-06

计及转矩储备的车用双转子电机转矩控制策略

杨明磊,李俊兴,王业勤,钟再敏 (同济大学汽车学院,上海201804)

摘要:针对电机定子电流变化率受到定子绕组电感的制约, 进而影响电机转矩的快速变化的问题,提出了一种计及转矩 储备的车用双转子电机转矩控制策略。首先,推导了双转子 电机的数学模型,分析了转矩空间变化率的基本表达式及其 与矩角特性之间的关系;其次,基于永磁电机的矩角特性,制 定了计及转矩储备的电流控制策略,即在转矩快速变化之前 预先加载定子电流,使得转矩快速变化阶段可保持定子电流 恒定,以便通过转子的旋转带动转矩角的变化来实现转矩的 快速输出;最后,搭建了转矩储备控制策略的仿真模型和实 验台架,通过仿真和实验验证了所提出控制策略的正确性与 可行性。

关键词:双转子电机;矢量控制;转矩储备;电机模型 中图分类号:U463.6 文献标志码:A

Torque Control Strategy for Dual-Rotor Motor for Vehicles for Torque Reserve

YANG Minglei, LI junxing, WANG yeqin, ZHONG Zaimin (School of Automotive Studies, Tongji University, Shanghai 201804, China)

Abstract: In this paper, a torque reserve control strategy for dual-rotor motor for vehicles is proposed to address the issue that the rate of change of motor stator current is limited by the inductance of the stator windings, which affects the rapid change of motor torque. Firstly, the mathematical model of the dual-rotor motor is derived, and the basic expression for the spatial rate of torque change is analyzed along with its relationship to the torque-angle displacement characteristic. Next, a current control strategy considering the torque reserve is formulated based on the torque-angle displacement characteristic of the PMSM. Specifically, the stator current is preloaded before the rapid torque changes, while maintaining the stator current constant during the rapid torque change stage, aiming to achieve the rapid torque output by the change of the torque angle driven by the rotation of the rotor. Finally, a simulation model and experimental platform for the torque reserve control strategy are created, and the correctness and feasibility of the proposed control strategy are verified through simulations and experiments.

Keywords: dual rotor motor; vector control; torque reserve; motor model

永磁电机具有功率密度高、可靠性好等优点,被 广泛应用在机器人、飞行器和电动汽车等领域^[1-2]。 在电动汽车领域,车用永磁电机在一些特殊工况下 需要实现快速的转矩动态变化。例如,在增程式电 动汽车的技术方案中,电机的快速转矩动态变化能 够配合发动机转矩的快速上升,实现发动机转矩的 平衡,减小辅助动力系统(APU)的振动。

目前,针对车用永磁电机转矩快速动态变化控制方法的研究主要有两类,分别是直接转矩控制 (DTC)和磁场定向矢量控制(FOC)。直接转矩控 制借助滞环控制器,可以实现转矩的快速响应,但是 这种 Bang-Bang 控制方式存在纹波大、开关频率不 固定等缺陷^[3]。为了改善DTC的控制性能,文献[4] 提出了一种基于转矩角控制的 SVM-DTC系统,减 小了转矩脉动的同时简化了系统的结构。文献[5] 结合滑膜控制建立了 SMC-DTC 控制模型,与传统 DTC 模型进行对比证明所提出的 SMC-DTC 模型 在具有良好的转矩动态响应的同时也抑制了转矩脉 动和磁通纹波,但这也使得系统结构变得复杂。总 之,DTC 在实现转矩的快速响应上具有很大的优 势,但该控制方法会引入额外的转矩脉动和磁通 纹波。

相比于DTC控制,磁场定向矢量控制(FOC)也

基金项目:国家自然科学基金项目(52202448)

收稿日期: 2023-12-15

第一作者:杨明磊(1993—),男,博士生,主要研究方向为车用电机的设计与控制。E-mail:1241130609@qq.com

通信作者:钟再敏(1973—),男,教授,博士生导师,工学博士,主要研究方向为新能源汽车电驱动技术。E-mail:zm_zhong@tongji.edu.cn

可以实现转矩的快速动态变化。有的研究人员对传统FOC控制策略进行改进,在动态过程中通过电流补偿的方式来提高转矩的快速响应能力^[6]。也有研究人员将最优控制^[7]、预测控制^[89]、和滑膜控制^[10]等技术与FOC控制相结合,来提高电机的响应速度。例如,文献[8]提出了一种改进的预测控制模型,缩短了电流控制延时并降低了系统参数的敏感性,从而提高电流的动态响应性能。上述的控制方法都无法完全避免绕组电感对电流快速变化的限制,这也使转矩动态调节的速度受到限制。

本文针对车用永磁同步电机(PMSM)传统控制 方法动态性能不足的问题,在现有矢量控制的基础 上提出了一种转矩储备的控制策略。所谓的转矩储 备就是基于电机的矩角特性,制定电流幅值和转矩 角随转子位置变化的规律,在转矩输出之前提前加 载电流到预设值,在需要转矩输出的阶段保持相电 流幅值不变,利用转子机械角度的变化带动转矩角 的改变实现转矩的快速输出。该控制策略避免了电 感对电流变化率的制约,为转矩的快速动态变化提 供了新思路。

1 双转子电机的数学模型

本文研究对象是径向磁通双转子电机,其结构 示意图如图1所示。其特点是内、外两个转子共用 一套定子绕组。在正常工作时两个转子的旋转方向 和转速均相同。



Fig.1 Structure of dual rotor motor

本文研究的双转子电机是NS型串联磁路结构。 该结构的特点是径向上正对的内、外永磁体的充磁 方向一致,这也就意味着外转子的dq同步坐标系与 内转子的dq同步坐标系是重合的。双转子电机在 同步坐标系下的物理模型如图2所示。定子交、直 轴磁链分量可以表示为

$$\psi_{\rm d} = L_{\rm d} i_{\rm d} + \psi_{\rm f}^{\rm i} + \psi_{\rm f}^{\rm o} \tag{1}$$

$$\psi_{q} = L_{q} i_{q} \tag{2}$$



图 2 双转子电机的物理模型 Fig.2 Physical model of dual rotor motor

令ψ_f=ψ_fⁱ+ψ_fⁱ,可以发现双转子电机与单转子 永磁电机的磁链表达式相同。这就意味着,双转子 电机可以采用传统永磁电机的控制方式。基于文献 [11]所提出的牵连运动电动势概念,可以直接写出 定子的电压方程如下:

$$\boldsymbol{u}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{dq}} + \boldsymbol{e}_{\mathrm{ms}}^{\mathrm{dq}} = \boldsymbol{i}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{dq}} \boldsymbol{R}_{\mathrm{s}} + \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \boldsymbol{\psi}_{\mathrm{s}}^{\mathrm{dq}}$$
(3)

式中: $e_{ms}^{dq} = -j\omega_r \psi_s^{dq}$;电压矢量 $u_s^{dq} = u_d + ju_q$;电流矢 量 $i_s^{dq} = i_d + ji_q$;磁链矢量 $\psi_s^{dq} = \phi_d + j\phi_q$ 。同样,双转 子永磁电机的电磁转矩可以由磁共能对转子位置的 偏导计算得到。限于篇幅,本文直接引用转矩矢量 的结论,即转矩等于定转子磁链正交分量之积^[12]。

$$t_{\rm e} = \frac{3}{2} p_0 \Big[\psi_{\rm f} i_{\rm q} + (L_{\rm d} - L_{\rm q}) i_{\rm d} i_{\rm q} \Big]$$
(4)

式中: p_0 为电机的极对数。在极坐标下,满足 i_d = $i_s \cos \beta$, $i_q = i_s \sin \beta$,则双转子电机的转矩公式可以 写为

$$t_{\rm e} = \frac{3}{2} p_0 \left[\psi_{\rm f} i_{\rm s} \sin\beta + \frac{1}{2} \left(L_{\rm d} - L_{\rm q} \right) i_{\rm s}^2 \sin 2\beta \right]$$
(5)

式中β为转矩角。

2 转矩储备原理

2.1 转矩的空间变化率

电机转矩的响应速度是以转矩的时间变化率快 慢作为衡量的标准。但对于发动机来说,转矩的变 化与曲轴的空间位置有关,因此需要分析转矩的空 间变化率与转矩的时间变化率之间的关系。电机的 空间电角度 $\theta_r = \omega_r t$,则转矩对空间电角度 θ_r 的偏导 可以表示为

$$\frac{\partial t_{\rm e}}{\partial \theta_{\rm r}} = \frac{\partial t_{\rm e}}{\partial t} \frac{1}{\omega_{\rm r}} \tag{6}$$

即

$$\frac{\partial t_{\rm e}}{\partial t} = \frac{\partial t_{\rm e}}{\partial \theta_{\rm r}} \omega_{\rm r} \tag{7}$$

因为发动机燃烧转矩只是与曲轴空间位置有 关,所以燃烧转矩的空间变化率是固定的。从公式 (7)可以发现,随着转速的增大转矩的时间变化率增 大,这对电机转矩的快速变化提出了更高的要求。 根据公式(4),转矩对空间电角度θ,的偏导可以表 示为

$$\frac{\partial t_{\rm e}}{\partial \theta_{\rm r}} = \frac{3}{2} p_0 \left[\phi_{\rm f} \frac{\partial i_{\rm q}}{\partial \theta_{\rm r}} + \left(L_{\rm d} - L_{\rm q} \right) \left(i_{\rm d} \frac{\partial i_{\rm q}}{\partial \theta_{\rm r}} + i_{\rm q} \frac{\partial i_{\rm d}}{\partial \theta_{\rm r}} \right) \right]$$
(8)

根据文献[12]对电流坐标变换的推导可知,式 中的 $\partial i_d / \partial \theta_r = i_q$ 、 $\partial i_q / \partial \theta_r = -i_d$,则公式(8)可以简 写为

$$\frac{\partial t_{\rm e}}{\partial \theta_{\rm r}} = \frac{3}{2} p_0 \Big[-\psi_{\rm f} i_{\rm d} + (L_{\rm d} - L_{\rm q}) \big(-i_{\rm d}^2 + i_{\rm q}^2 \big) \Big]$$
(9)

在极坐标下,转矩对于转矩角的偏导可以表 示成

$$\frac{\partial t_{\rm e}}{\partial \beta} = \frac{3}{2} p_0 \Big[\psi_{\rm f} i_{\rm d} + \big(L_{\rm d} - L_{\rm q} \big) \big(i_{\rm d}^2 - i_{\rm q}^2 \big) \Big] \quad (10)$$

对比公式(9)和(10)可以发现电机转矩的空间 变化率与转矩对转矩角的偏导互为相反数,即

$$\frac{\partial t_{\rm e}}{\partial \theta_{\rm r}} = -\frac{\partial t_{\rm e}}{\partial \beta} \tag{11}$$

公式(11)表明,通过改变电机定、转子之间的位置角θ,就能实现转矩的动态变化。

2.2 转矩储备原理

根据公式(5),可以得到不同电流幅值下永磁电 机的矩角特性曲线,如图3所示。假设将图3中的A 点转矩值增大为B点的转矩值,利用传统的MTPA 电流控制策略,电流将沿着图3中的实线从 i_A 增大 到 i_B 。若该转矩变化要求的很快,就需要电流的幅 值实现快速的变化,但电流的变化率会受到绕组电 感的制约。在图3中还存在另外一种电流控制方 式,先将A点的电流 i_A 预加载至C点的电流 i_c ,该过 程转矩不变。然后通过调节转矩角 β 实现C点转矩 值到B点转矩值的变化。因为 i_B 与 i_c 的幅值相等, 所以该过程中转矩的快速变化不会受到绕组电感的 制约。将电流从A点预加载到C点的过程称为转矩 储备,将C点转矩值增大到B点转矩值的过程称为 转矩释放。

2.3 转矩储备的电流控制策略

以单缸四冲程发动机一个工作循环为背景来介 绍所提出的转矩储备电流控制策略。单缸发动机一 个工作循环的转矩曲线如图4所示。从简化后的转 矩曲线可以看出,转矩的变化对应着固定的曲轴位 置。基于这一特点,制定了相应的电流控制策略。



图3 不同电流幅值下的矩角特性

Fig.3 Torque-angle displacement characteristic at different current amplitudes





将一个工作循环的电流控制策略分成五个阶 段,分别是转矩储备、转矩释放、转矩保持、转矩归零 和电流归零阶段。如图5所示,在转矩储备阶段,定 子电流幅值增大并保持转矩角 β 为360°,此时阶段电 机没有转矩输出;在转矩释放阶段,定子电流矢量不 变,转矩角 β 随转子转动从360°减小至270°,此过程 电机转矩从零快速增大到目标值;在转矩保持阶段, 为了更好地平衡内燃机的燃烧转矩,需要保持一段 时间的最大转矩输出,所以在此阶段内保持定子电 流幅值及转矩角 β 不变;在转矩归零阶段,定子电流 幅值不变,转矩角 β 随转子转动由270°减小至180°, 电机的转矩快速减小为零。在电流归零阶段,电流 减小至零,转矩角 β 也减小至0°完成一个工作循环。

基于上述电流控制策略得到的转矩变化曲线如



图 6 所示。可以看出,在转矩储备阶段电流幅值增 大但转矩保持为零;在转矩释放阶段和转矩归零阶 段,电流矢量保持不变且电机转矩实现了快速的增 大和减小。







3 仿真分析及实验验证

3.1 仿真分析

基于传统永磁电机的FOC 控制框架搭建了计 及转矩储备的双转子电机的控制框架,如图7所示。 为了改善转矩的动态控制效果,模型加入了电压前 馈项。在Simulink中搭建了计及转矩储备的双转子 电机仿真模型,其中双转子电机的基本电磁参数 见表1。

分析了转速 3000 r/min 和目标转矩 155 N·m 时,转矩储备控制模型一个工作循环下的仿真结果。 图8所示为定子交、直轴电流的变化情况。由于所





图7 转矩储备控制框架

Fig.7 Torque reserve control framework

表1 双转子电机的参数

Tab.1 Parameters of the dual rotor motor

参数	参数值	参数	参数值
槽数	24	$L_{ m d}$	270 µH
极数	10	L_{q}	270 μΗ
ψ_{f}	0.095 Wb	$R_{\rm s}$	0.05Ω

研究的表贴式双转子电机无磁阻转矩分量,所以转 矩储备阶段的电流全部加载在直轴上。在转矩释放 阶段,随着转矩角的改变直轴电流全部转换为交轴 电流,转矩在实现快速输出的同时,电流矢量是保持 不变的。

图9所示为一个工作循环内三相电流和转矩的 变化情况,可以看出在转矩储备阶段三相电流先增 大到预定值,在转矩输出阶段三相电流保持不变,通 过转子旋转带动转矩角变化实现转矩的快速输出。 转矩归零阶段与之类似。仿真结果表明,所提出的 转矩储备电流控制策略在转矩动态变化的过程中定 子的相电流不变,这就意味着转矩的动态变化不会 受到绕组电感的影响。



图8 交、直轴电流的变化

Fig.8 Simulation results of the direct and quadrature axis current

3.2 实验验证

利用双转子电机性能测试实验台架验证所提出 的转矩储备控制策略(见图10)。其中测功机采用转 速闭环控制,在作为双转子电机负载的同时也为电 机提供转子位置的连续变化。双转子电机侧采用提 出的转矩储备电流控制策略。考虑到脉冲转矩会对 试验台架及传动轴造成损坏,实验转速选为500r/ min,电流峰值选为30A。实验台架测试得到的同步 电流变化如图11所示。在一个电流工作循环内, 交、直轴电流基本按照期望值进行变化。



图 9 三相电流及转矩的仿真结果 Fig.9 Simulation results of three-phase current and torque



图 10 实验测试台架 Fig.10 Experimental platform

一个电流工作循环内三相电流的变化如图 12 所示。可以看出在0.270~0.470 s时转矩储备阶段 三相电流增大;在0.047~0.050 s时转矩输出阶段 三相电流为直流;在0.500~0.670 s时转矩保持阶 段三相电流的幅值不变;在0.067~0.070 s时转矩 归零阶段三相电流为直流。

实验中当双转子电机侧的转矩动态变化时,由 于测功机侧的转矩变化速率慢,造成测试系统中转 速的变化。所以实验中双转子电机实际的转矩输出 应该由两部分组成,一部分为转矩传感器测得的转 矩,另一部分扭矩造成了转速的突变,转化为转子的 动能。对应的双转子电机实际转矩表达式为



$$t_{\rm e} = t_{\rm mea} + M = t_{\rm mea} + J\alpha \tag{12}$$

式中:*t*mea为转矩传感器测得的轴上转矩变化,*M*为转子扭矩,*J*为转子的转动惯量,*a*为角加速度。

双转子电机转速的变化曲线如图13所示。在 转矩增大的瞬间系统转速降低,在转矩减小的瞬间 系统转速增大。

根据转速的变化曲线来计算角加速度,从而计 算出转子的动能,再与扭矩传感器测量得到的转矩 叠加可以得到转矩的动态变化曲线,如图14所示。 可以看出,采用所提出的转矩储备控制策略可以实 现转矩的快速动态变化。

4 结论

本文提出了一种计及转矩储备的双转子电机控 制策略。首先基于双转子电机的数学模型推导了转 矩空间变化率与矩角特性之间的关系,结果表明当 定子电流矢量不变,通过转子机械角度的变化可以 实现转矩的动态变化。基于该结论,以平衡发动机 转矩为背景,参考单缸四冲程发动机一个工作周期 内转矩的变化规律,制定了计及转矩储备的电流控 制策略。具体来说,在转矩快速变化之前预先加载 电流到设定值,在转矩需要快速变化时保持定子电 流矢量恒定,通过转子的旋转带动转矩角的变化实







图12 三相电流的实验

Fig.12 Experimental results of three-phase current



图 13 电机转速 Fig.13 Motor speed



图 14 转矩曲线的实验结果 Fig.14 Experimental results of torque curve

现转矩的快速变化,避免了绕组电感对转矩快速变 化的影响。最后,搭建了仿真模型和实验台架,通过 仿真和实验证明了所提出的控制策略的正确性和可 行性。

参考文献:

- ZHAO J, GUAN X, LI C, *et al.* Comprehensive evaluation of inter-turn short circuit faults in PMSM used for electric vehicles
 IEEE Transactions on Intelligent Transportation Systems, 2021, 22(1):611.
- [2] KONG Y, LIN M, JIA L. A novel high power density permanent-magnet synchronous machine with wide speed range [J]. IEEE Transactions on Magnetics, 2020, 56(2):1.
- [3] 夏臻荣,王浩陈,韦汉培,等.PMSM DTC 转矩响应性能的 仿真分析[J].河北科技师范学院学报,2013,27(3):59.

XIA Zhenrong, WANG Haochen, WEI Hanpei, *et al.* Simulation and analysis of the torque response performance for PMSM DTC [J]. Journal of Hebei Normal University of Science & Technology, 2013, 27(3): 59.

- [4] 卢秉娟, 姬宣德, 葛运旺. 基于转矩角控制的异步电动机 SVM-DTC系统[J]. 微特电机, 2014, 42(3): 61.
 LU Bingjuan, JI Xuande, GE Yunwang. Direct torque control system for induction motor with space vector modulation based on torque angle control [J]. Small & Special Electrical Machines, 2014, 42(3): 61.
- [5] MENG L, YANG X. Comparative analysis of direct torque control and DTC based on sliding mode control for PMSM drive[C]//2017 29th Chinese Control and Decision Conference (CCDC). Chongqing; IEEE, 2017; 736.
- [6] 王珏,黄守道,高剑,等.电动车用PMSM的快速转矩电流响 应控制方法[J]. 微特电机, 2015, 43(1): 54.
 WANG Jue, HUANG Shoudao, GAO Jian, *et al.* A fast torque current response control of PMSM for electric vehicle [J]. Small & Special Electrical Machines, 2015, 43(1): 54.
- [7] 肖杨柳,周腊吾,黄守道,等.基于自适应模糊 PI 的 PMSM 定子电流最优控制[J].电力电子技术,2010,44(4):45. XIAO Yangliu, ZHOU Lawu, HUANG Shoudao, *et al.* The optimum current vector control of permanent magnet synchronous motor based on self-adaptive fuzzy PI [J]. Power Electronics, 2010, 44(4):45.
- [8] 王伟华,肖曦.永磁同步电机高动态响应电流控制方法研究
 [J].中国电机工程学报, 2013, 33(21): 117.
 WANG Weihua, XIAO Xi. A Current control method for permanent magnet synchronous motors with high dynamic performance [J]. Proceedings of the CSEE, 2013, 33 (21): 117.
- [9] WANG Y, XIE W, WANG X, et al. Fast response model predictive torque and flux control with low calculation effort for PMSMs [J]. IEEE Transactions on Industrial Informatics, 2019;99:1.
- [10] 杨秀芹,姚海燕,邹开凤.基于最优控制的永磁同步电机伺服 系统设计[J].工业仪表与自动化装置, 2013, 232(4): 66.
 YANG Xiuqin, YAO Haiyan, ZOU Kaifeng. Design of permanent magnet synchronous motor servo system based on the optimal control [J]. Industrial Instrumentation & Automation, 2013, 232(4): 66.
- [11] 钟再敏, 王业勤. 电机模型中牵连运动及其动生电动势的数 理表达[J]. 电机与控制应用, 2023, 50(1): 30.
 ZHONG Zaimin, WANG Yeqin. Mathematical description of entrainment motion of reference frame and its electromotive force in motor modeling: [J]. Electric Machines & Control Application, 2023, 50(1): 30.
- [12] 钟再敏.车用驱动电机原理与控制基础[M].北京:机械工业 出版社,2020.

ZHONG Zaimin. Principle and control fundamentals of vehicle drive motor [M]. Beijing: China Machine Press, 2020.